

මෙම ප්‍රශ්නපත්‍රයෙහි  
| කොටස පිළිතුරු  
පත්‍රය සමඟ අමුනා යැවිය යුතු  
බැවින මෙහි අඩංගු නොවේ.  
අප එය උත්තර පත්‍ර තරීක්පාවෙන  
පසු එම කොටසන් ඇතුළත කර  
යටතකාලීන කරන අතර. ඔබට එය  
තව සති කිහිපයෙකින් අප වෙති  
අඩවියට පිවිසීමෙන ලබාගැනීමට  
හැකිවනු ඇත.

**ශ්‍රී ලංකා විෂය දෙපාර්තමේන්තුව**  
**ඇංග්‍රීසු ප්‍රතිචාර හා තොරතුරුවන්**  
**Department of Examinations Sri Lanka**  
**ඇංග්‍රීසු ප්‍රතිචාර හා තොරතුරුවන්**  
**Department of Examinations Sri Lanka**

அநூலாக பொடி சுற்றிக் கணக்கு (சுமாகங்கள் பெற) விளைவு, 2020  
கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (சாதாரண தர)ப் பரிட்சை, 2020  
**General Certificate of Education (Ord. Level) Examination, 2020**

கணிதம் II  
Mathematics II

பூர்வ நிதி  
முன்று மணித்தியாலம்  
*Three hours*

<b>අමතර කිහුවම් කාලය</b> මෙලතික වාසිපු තේරම Additional Reading Time	- මිනින්ද 10 දි - 10 නිමිත්තකൾ - 10 minutes
---	---

අමතර කිහිපි කාලය ප්‍රාග්‍රහ ප්‍රත්‍යා කියවා ප්‍රාග්‍රහ තෝරා ගැනීමටත් පිළුවෙයු මූලිකේදී ප්‍රමුඛතාව දෙන ප්‍රාග්‍රහ සංවිධානය කර ගැනීමටත් යොදාගැනී.

වැගත්:

- \* A කොටසෙන් ප්‍රශ්න පහක් හා B කොටසෙන් ප්‍රශ්න පහක් තෝරා ගෙන ප්‍රශ්න දැඟකට පිළිතුරු සපයන්න.
  - \* ප්‍රශ්නවලට පිළිතුරු සැපයීමේදී අදාළ පිටතර හා තිබැරදී ජෙකක ලියා දක්වන්න.
  - \* සෑම ප්‍රශ්නයකටම ලකුණු **10** බැඳින් හිමි වේ.
  - \* පත්‍රලේ අරය  $r$  සහ උස  $h$  වූ සන සාජ් වෘත්ත කේතුවක පරිමාව  $\frac{1}{3}\pi r^2 h$  වේ.
  - \* අරය  $r$  සහ උස  $h$  වූ සන සාජ් වෘත්ත සිලින්චරයක පරිමාව  $\pi r^2 h$  වේ.

A කොටස

පූර්ව පහකට පමණක් පිළිතරු සෑවයන්න.

1. අමල් 12% වාර්ෂික පුළු පොලියට බැංකුවකින් රුපියල් 50 000 ක් වර්ෂ දෙකක් සඳහා ගෙයට ගනියි.
    - (i) මහු එම වර්ෂ දෙක සඳහා ගෙවිය යුතු මූල්‍ය පොලී මුදල සොයන්න.
    - (ii) අමල්, මහු ලබාගත් නාය මුදල 15% ක වාර්ෂික වැළැ පොලියක් වෙතන ස්ථාවර තැන්පත් ගිණුමක අවුරුදු දෙකක් සඳහා තැන්පත් කරයි. දෙවන වර්ෂය ආරම්භයේ මෙම ගිණුමේ ඇති මුදල සොයන්න.
    - (iii) වර්ෂ දෙක අවසානයේ මහුගේ ස්ථාවර තැන්පත් ගිණුමේ ඇති මූල්‍ය මුදල ලබාගත් බැංකුවේ යොය මුදල හා පොලිය ගෙවා නොයෙන් තිබුන් වේයි. දැන් මහු එය රුපියල් 4000 කට වැඩි මුදලක් ඉතිරි වන බව පෙන්වන්න.

2.  $-4 \leq x \leq 2$  ප්‍රාථමික තුළ  $y = x^2 + 2x - 2$  වර්ගජ ශ්‍රීතයේ  $x$  අගය කිහිපයකට අනුරූප  $y$  අගය දැක්වෙන අසම්පූර්ණ වගුවක් පහත දී ඇත.

$x$	-4	-3	-2	-1	0	1	2
$y$	6	1	-2	-3	-2	...	6

- (a) (i)  $x = 1$  වන විට  $y$  හි අගය සොයන්න.

(ii) සම්මත අක්ෂ පද්ධතිය සහ පුදුසු පරිමාණයක් යොදා ගනීමින්, ඉහත අගය වශවල අනුව, දී ඇති වර්ගජ ලිඛිතයේ ප්‍රස්ථාරය ප්‍රස්ථාර කඩාසියක අදින්න.

(b) ඔබ ඇදි ප්‍රස්ථාරය හාවෙන කර,

(i) එහි සම්මත අක්ෂයේ සමිකරණය ලියන්න.

(ii) වර්ගජ ලිඛිතය සාර් වන  $x$  හි අගය ප්‍රාත්තරය ලියන්න.

(c) ප්‍රස්ථාරයෙහි තැබූ නොවෙනස්ව පවත්වා ගනීමින්, එය බණ්ඩාක තලය මත ඒකක පහකින් ඉහළව විස්තාපනය කළහොත්, ලැබෙන ප්‍රස්ථාරයෙහි අවම ලක්ෂණයෙහි බණ්ඩාක ලියා, අදාළ වර්ගජ ලිඛිතය,  $y = (x + p)^2 + q$  ආකාරයෙන් ලියා දක්වන්න. (මෙහි  $p$  සහ  $q$  නියත වේ.)

3. ක්‍රිකට් කණ්ඩායමක් පසුගිය වසරේ ක්‍රිඩා කළ තරග 40 දී ලබාගන් ලකුණු පිළිබඳ තොරතුරු පහත සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියෙහි දැක්වේ.

ලකුණු ප්‍රාන්තරය	තරග සංඛ්‍යාව
131 – 141	2
142 – 152	4
153 – 163	5
164 – 174	6
175 – 185	8
186 – 196	5
197 – 207	4
208 – 218	3
219 – 229	3

- (i) 175 – 185 ප්‍රාන්තරයෙහි මධ්‍ය අගය උපකලුපිත මධ්‍යනාය ලෙස ගෙන, මෙම කණ්ඩායම තරගකදී ලබාගත් මධ්‍යනා ලකුණු ප්‍රමාණය ආසන්න පූර්ණ සංඛ්‍යාවට සෞයා, එමගින් මෙම වසරේදී පැවැත්වෙන තරග 60 දී කණ්ඩායම ලබාගතු ඇතැයි අපේක්ෂා කළ හැකි මුළු ලකුණු ප්‍රමාණය සෞයන්න.

(ii) මෙම ත්‍රිකට්‍රි කණ්ඩායම පසුයිය වසරේ වැඩිම ලකුණු ලැබූ තරග 10 දී ලබාගෙන තිබිය හැකි වැඩිම මුළු ලකුණු ප්‍රමාණය 2170 ට වඩා අඩු බව පෙන්වන්න.

4. පතුලේ අරය 8 cm ද උස 10 cm ද වන සාර්ෂ වෘත්ත සිලින්බරාකාර සහ ලෝහ කුට්ටියක් උණු කර, සමාන කුඩා සහ සාර්ෂ වෘත්ත කේතු 12 ක් සාදනු ලැබේ. එම කේතුවක උස 6 cm වේ. මෙයේ සැදීමේදී ලෝහ 125.6 cm<sup>3</sup> ක පරිමාවක් අපන් යයි. පහි අගය 3.14 ලෙස ගෙන,

(i) සිලින්බරාකාර ලෝහ කුට්ටියේ පරිමාව ගණනය කරන්න.

(ii) සාදනු ලබන කේතුවක පරිමාව සෞයා, එම කේතුවක පතුලේ අරය  $r$ ,  $r^2 = \frac{157}{6.28}$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

(iii) ලසුගණක විගු භාවිතයෙන්  $r^2$  හි අගය සෞයා,  $r$  හි අගය ලබාගන්න.

5. (a) ගාලාවක් සුදු නෙළම් මල්වලින් සහ රතු නෙළම් මල්වලින් පරසා ඇතු. ඒ සඳහා යොදාගත් සුදු නෙළම් මල් සංඛ්‍යාවේ තුන් ගුණය, යොදාගත් රතු නෙළම් මල් සංඛ්‍යාවට වඩා 100 කින් වැඩිය. සුදු නෙළම් මලක් රුපියල් 12 ක් ද රතු නෙළම් මලක් රුපියල් 11 ක් ද වේ. සැරසීමට යොදාගත් මෙම නෙළම් මල් සඳහා වියදම් රුපියල් 1600 කි.

(i) සැරසීමට යොදාගත් සුදු නෙළම් මල් සංඛ්‍යාව  $x$  ද, රතු නෙළම් මල් සංඛ්‍යාව  $y$  ද ලෙස ගෙන, ඉහත තොරතුරු ඇසුළුරෙන් සම්ගාමී සමිකරණ යුගලයක් ගොඩනගන්න.

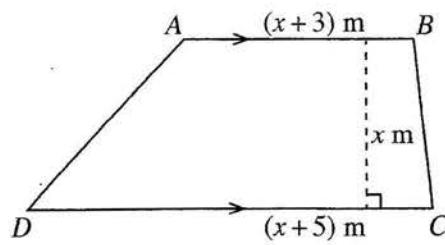
(ii) එම සම්ගාමී සමිකරණ යුගලය විසඳා, සැරසීම සඳහා යොදාගත් සුදු නෙළම් මල් සංඛ්‍යාවන් රතු නෙළම් මල් සංඛ්‍යාවන් වෙන වෙනම සෞයන්න.

(iii) රතු නෙළම් මල් සඳහා වියදම් කළ මුදලේන් සුදු නෙළම් මල් සඳහා වියදම් කළ මුදලේන් වෙනස රුපියල් 150 ට වඩා වැඩි බව පෙන්වන්න.

(b) පහත දැක්වෙන සුදුයේ  $h$  උක්ත කරන්න:

$$u = \sqrt{2gh}$$

6. තුළියියමක හැඩිනී ආස්තරයක් සහ එහි මිනුම් රුපයෙහි දැක්වේ.  
 ආස්තරයෙහි වර්ගඑලය  $20 \text{ m}^2$  නම්,  $x$  මගින්,  $x^2 + 4x - 20 = 0$   
 වර්ගඥ සූම්කරණය තුළේන කෙරෙන බව පෙන්වන්න.  
 ආස්තරයෙහි සමාන්තර පාද දෙක අතර ලිබු දුර සොයා, එම  
 දුර,  $AB$  දිගෙන් බාගයකට වඩා අඩු බව පෙන්වන්න.  
 ( $\sqrt{6}$  හි අය 2.45 ලෙස ගන්න.)

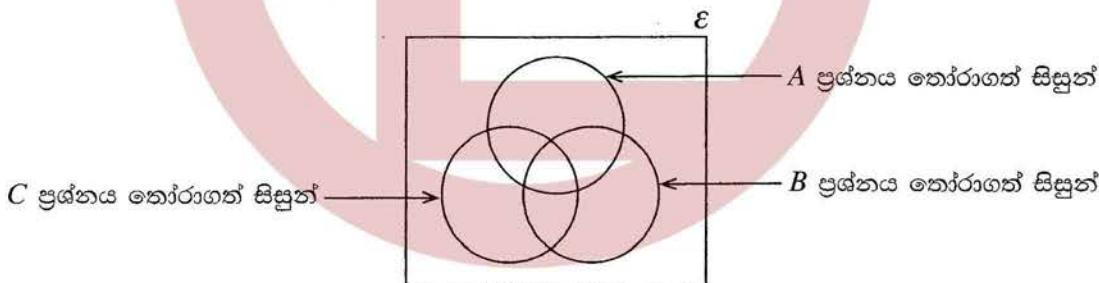


[තුන්වතින් පිටුව බලන්න.]

**B කොටස**

ප්‍රශ්න පහකට පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

7. මල් පාත්තියක් රතු මල් පදුරුවලින් සහ සුදු මල් පදුරුවලින් සමන්වීත ජේලි 50 කින් යුත්ත ය. සැම පේෂීයකම දෙකෙළවර රතු මල් පදුරු බැහින් ඇති අතර, සැම අනුයාත රතු මල් පදුරු දෙකක් අතරම සුදු මල් පදුරුක් බැහින් ඇත. පලමුවන ජේලියේ මල් පදුරු 13 ක් ද ඊට පසුව ඇති සැම පේෂීයකම පෙර පේෂීයට වඩා රතු මල් පදුරුක් හා සුදු මල් පදුරුක් වැඩියෙන් ද ඇත.
- (i) පලමුවන, දෙවන හා තෙවන ජේලිවල ඇති මල් පදුරු සංඛ්‍යාව පිළිවෙළින් ලියන්න.
  - (ii) 28 වෙනි ජේලියේ ඇති මල් පදුරු සංඛ්‍යාව කිය ද?
  - (iii) මල් පදුරු 90 කට වඩා අඩුවෙන් ඇති ජේලි කියක් තිබේ ද?
  - (iv) මල් පාත්තියේ ඇති මූල්‍ය මල් පදුරු සංඛ්‍යාවට සොයන්න. පාත්තියේ සුදු මල් පදුරු සංඛ්‍යාවට වඩා රතු මල් පදුරු කියක් තිබේ ද?
8. පහත දැක්වෙන ජ්‍යාමිතික නිර්මාණ සඳහා cm/mm පරිමාණය සහිත සරල දාරයක් සහ කවකටුවක් පමණක් භාවිත කරන්න. නිර්මාණ රේඛා පැහැදිලිව දක්වන්න.
- (i) දිග 9.0 cm වන  $AB$  සරල රේඛා බැංචියක් ද එහි ලෝබ සමවිෂේෂකය ද නිර්මාණය කරන්න.
  - (ii) විෂේෂිතය  $AB$  වන අර්ධ වෘත්තයක් නිර්මාණය කර, එහි කේන්ද්‍රය ලෙස  $C$  නම් කරන්න.
  - (iii) අර්ධ වෘත්තයේ අරයට  $AP$  සමාන වන සේ  $P$  ලක්ෂ්‍යය ඇර්ධ වෘත්තය මත ලක්ෂ්‍ය කර,  $APB$  ත්‍රිකෝණය අදින්න.
  - (iv) අර්ධ වෘත්තය මත  $Q$  ලක්ෂ්‍යය පිහිටුව සේ  $APQB$  තුළියියම නිර්මාණය කර  $P\hat{Q}B$  යේ සමවිෂේෂකය තුළුමාණය කරන්න.
  - (v)  $P\hat{Q}B$  හි විශාලත්වය සොයන්න.
9. එක්තර පරික්ෂණයකට පෙනී සිටි සිසුන් 100 දෙනකු  $A, B$  සහ  $C$  යන ප්‍රශ්න තොරුගැනීම පිළිබඳ තොරතුරු නිරුපණය කිරීම සඳහා පහත දැක්වෙන වෙන් රුපසටහන ඇද ඇත.



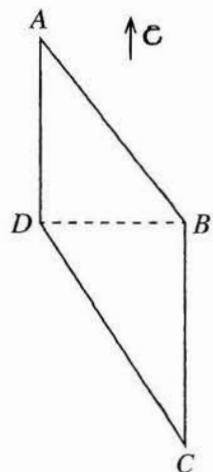
- \*  $B$  සහ  $C$  යන ප්‍රශ්න දෙකම තොරුගත් සිසුන් සංඛ්‍යාව 10 ක් වන අතර, මෙම ප්‍රශ්න තුන අතුරෙන්  $B$  සහ  $C$  යන ප්‍රශ්න දෙක පමණක් තොරුගත් කිසිදු සිසුවක් නොමැත.
  - \*  $A$  සහ  $B$  යන ප්‍රශ්න දෙකම තොරුගත් නමුත්  $C$  ප්‍රශ්නය තොරු නොගත් සිසුන් සංඛ්‍යාව 20 කි.
  - \* මෙම ප්‍රශ්න තුන අතුරෙන්  $C$  ප්‍රශ්නය පමණක් තොරුගත් සිසුන් සංඛ්‍යාව 8 කි.
- (i) වෙන් රුපසටහන ඔබේ උත්තර පත්‍රයට පිටපත් කරගෙන, ඉහත දී ඇති තොරතුරු එහි ඇතුළත් කරන්න.
  - (ii)  $C$  ප්‍රශ්නය තොරුගත් සිසුන් සංඛ්‍යාව,  $A$  සහ  $B$  යන ප්‍රශ්න දෙකම තොරුගත් සිසුන් සංඛ්‍යාවට සමාන වේ නම්,  $A$  සහ  $C$  යන ප්‍රශ්න දෙකම තොරුගත් නමුත්  $B$  ප්‍රශ්නය තොරු නොගත් සිසුන් සංඛ්‍යාව කිය ද?
  - (iii) මෙම ප්‍රශ්න තුන අතුරෙන්  $B$  ප්‍රශ්නය පමණක් තොරුගත් සිසුන් සංඛ්‍යාව 15 කි.  $A$  ප්‍රශ්නය තොරුගත් සිසුන් සංඛ්‍යාව,  $B$  ප්‍රශ්නය තොරුගත් සිසුන් සංඛ්‍යාවට වඩා 10 කින් වැඩි ය. මෙම ප්‍රශ්න තුන අතුරෙන්  $A$  ප්‍රශ්නය පමණක් තොරුගත් සිසුන් සංඛ්‍යාව කිය ද?
  - (iv) මෙම සිසුන් 100 දෙනා අතුරෙන්,  $A, B$  සහ  $C$  යන ප්‍රශ්න තුනෙන් එකක්වත් තොරු තොගත් සිසුන් සංඛ්‍යාව කිය ද?

[හරවිති පිටුව බලන්න]

10. සමකළ පිහිටි  $A, B, C$  සහ  $D$  ලක්ෂා හතරක් රුපයේ දැක්වේ.  $A$  ට දකුණින්  $D$  ද,  $D$  ට තැගෙනහිරින්  $B$  ද,  $B$  ට දකුණින්  $C$  ද පිහිටයි.  $A$  සිට  $B$  නි දිගුඟය  $145^\circ$  ද  $AD = 20 \text{ m}$  ද  $DC = 42 \text{ m}$  ද වේ.

දී ඇති රුපය ඔබේ උත්තර පත්‍රයට පිටපත් කරගෙන, ඉහත දී ඇති තොරතුරු එහි අනුශාලන කරන්න.

ත්‍රිකෝෂම්‍යික අනුපාත හාවිත කර,  $DB$  යුර ආසන්න පූර්ණ සංඛ්‍යාවට සෞයා,  $2\hat{B}CD > \hat{D}AB$  බව පෙන්වන්න.

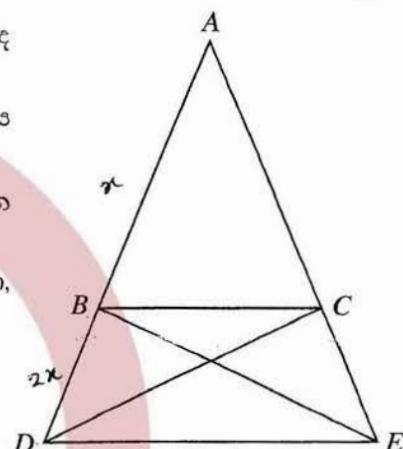


11. රුපයේ දැක්වෙන  $ABC$  ත්‍රිකෝෂයයේ  $AB = AC$  වේ.  $AB$  පාදය  $D$  තෙක් ද  $AC$  පාදය  $E$  තෙක් ද දික් කර ඇත්තේ  $BD = CE$  වන පරිදි ය.

(i)  $\hat{CBD} = \hat{BCE}$  බව පෙන්වා,  $CBD$  ත්‍රිකෝෂය සහ  $BCE$  ත්‍රිකෝෂය අංගම වන බව පෙන්වන්න.

(ii)  $ADE$  ත්‍රිකෝෂය සමද්ව්‍යාද වන බව පෙන්වා,  $\hat{A}BC = \hat{A}DE$  වන බව පෙන්වන්න.

(iii)  $ABC$  ත්‍රිකෝෂයය සහ  $ADE$  ත්‍රිකෝෂය සමකෝෂී වන බව පෙන්වා,  $BD = \frac{1}{2}AB$  වන විට  $3BC = 2DE$  වන බව පෙන්වන්න.

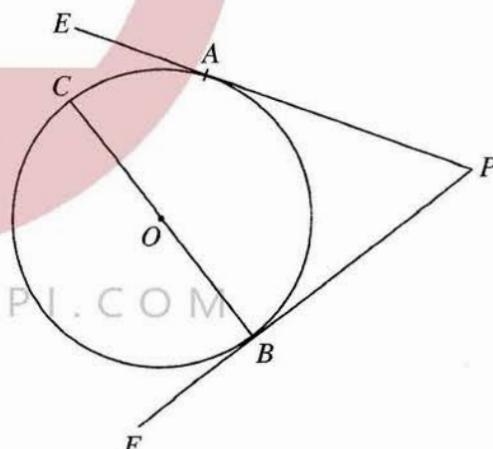


12. රුපයේ දැක්වෙන පරිදි  $O$  කේත්දය වූ වෘත්තය මත පිහිටි  $A$  සහ  $B$  ලක්ෂාවලදී වෘත්තයට ඇදි ස්ථාපිත දෙක  $PAB$  සහ  $PBF$  වේ.  $BC$  විෂ්කම්භයකි.

මෙම රුපය ඔබේ උත්තර පත්‍රයට පිටපත් කරගෙන,

(i)  $OA$  යා කර  $OAPB$  වෘත්ත වනුරපුයක් බව පෙන්වන්න.

(ii)  $CA, AB$  සහ  $OP$  යා කර,  $\hat{A}CB = \hat{P}OB$  සහ  $\hat{E}AC = \hat{O}AB$  බව පෙන්වන්න.



\*\*\*