

සියලු ම නිමිකම් ඇවිරිණි.

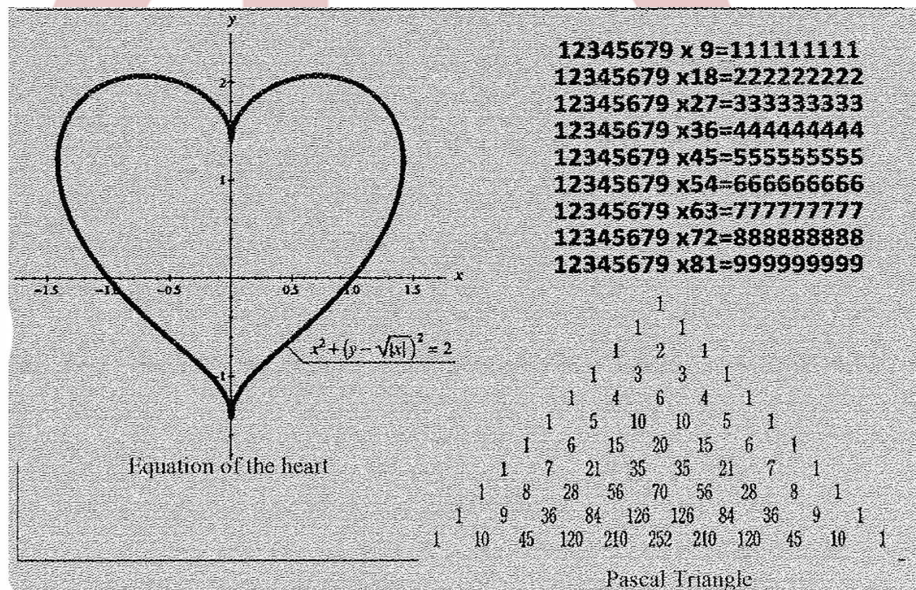


ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව

අ.පො.ස. (සා. පෙළ) විභාගය - 2023 (2024)

32 - ගණිතය

ලකුණු දීමේ පටිපාටිය



මෙය උත්තරපත්‍ර පරීක්ෂකවරුන්ගේ ප්‍රයෝජනය සඳහා සකස් කෙරිණි.
ප්‍රධාන පරීක්ෂක රැස්වීමේ දී ඉදිරිපත්වන අදහස් අනුව මෙහි වෙනස්කම් කරනු ලැබේ.

අ.පො.ස. (සා.පෙළ) විභාගය - 2023 (2024)

32 - ගණිතය

ලකුණු දීමේ පටිපාටිය

ගණිතය I

මෙම පත්‍රය A හා B යනුවෙන් කොටස් දෙකකින් යුක්තය. A කොටස, කෙටි පිළිතුරු අපේක්ෂිත ප්‍රශ්න 25 කින් ද, B කොටස ව්‍යුහගත ප්‍රශ්න පහකින් ද සමන්විතය. මෙම ප්‍රශ්න සියල්ලටම, ප්‍රශ්න පත්‍රයෙහි එක් එක් ප්‍රශ්නය සමඟ දී ඇති ඉඩ ප්‍රමාණය තුළ පිළිතුරු සැපයීම යුතුය. කාලය පැය දෙකකි.

ගණිතය II

මෙම පත්‍රය ද A හා B යනුවෙන් කොටස් දෙකකින් යුක්තය. A කොටසෙහි දී ඇති ප්‍රශ්න හතරේ ප්‍රශ්න පහක් ද, B කොටසෙහි දී ඇති ප්‍රශ්න හතරේ ප්‍රශ්න පහක් ද වශයෙන් තෝරාගත් ප්‍රශ්න 10 කට පිළිතුරු සැපයිය යුතුය. පිළිතුරු සැපයීම සඳහා ලියන පොත් හෝ කඩදාසි භාවිත කළ යුතුය. කාලය පැය තුනකි.

මුළු ප්‍රශ්න ගණන	පිළිතුරු සැපයීම යුතු ප්‍රශ්න ගණන	එක් ප්‍රශ්නයකට ලකුණු	ලබා ගත හැකි උපරිම ලකුණු
ගණිතය - I පත්‍රය			
A කොටස - 25	25	02	$02 \times 25 = 50$
B කොටස - 5	5	10	$10 \times 5 = 50$
			එකතුව = 100
ගණිතය - II පත්‍රය			
A කොටස - 6	5 (කැමති උර්දි තෝරාගත්)	10	$10 \times 5 = 50$
B කොටස - 6	5 (කැමති උර්දි තෝරාගත්)	10	$10 \times 5 = 50$
			එකතුව = 100
			මුළු එකතුව = 200

I හා II පත්‍ර දෙකම සඳහා අපේක්ෂා කළ ලබාගන්නා මුළු ලකුණු සංඛ්‍යාව 2 හි බෙදා අවසාන ලකුණ ගණනය කෙරේ.

වැදගත් :-

- මෙම ලකුණු දීමේ පටිපාටියෙන් බැහැරව ලකුණු නොදෙන්න.
- ගණිතය II පත්‍රයෙහි ප්‍රශ්න 10 තෝරා ගත යුත්තේ A හා B යන එක් එක් කොටසෙන් ප්‍රශ්න පහ බැගින්. නියමිත සංඛ්‍යාවට වඩා වැඩියෙන් පිළිතුරු සපයා ඇති ප්‍රශ්න සඳහා ලකුණු නොලැබේ.
- ගැටලු මතුවූ විට ප්‍රධාන පරීක්ෂකගේ උපදෙස් ලබා ගන්න.
- උත්තරපත්‍ර ලකුණු කිරීම සඳහා රතු පෑනක් පමණක් පාවිච්චි කරන්න.

ගණිතය - I

I පත්‍රය ලකුණු කිරීම සඳහා උපදෙස්

- උත්තර ලිවීම සඳහා නියමිත ඉඩ ප්‍රමාණය තුළ ගණන සාදා ඇත්නම් ලකුණු ප්‍රදානය කරන්න.

A කොටස

- අංක 1 සිට 25 තෙක් ප්‍රශ්න 25 හි පිළිතුරු වලට අදාළ ලකුණුවල එකතුව අදාළ රවුම් තුළ සඳහන් කරන්න.
- A කොටසට හිමි මුළු ලකුණු පළමුවන පිටුවේ අදාළ ස්ථානයේ සටහන් කරන්න.

B කොටස

- ප්‍රශ්න 5 සඳහා ලකුණු 10 බැගින් ප්‍රදානය කරන්න. එම ලකුණු ද පළමුවන පිටුවේ අදාළ ස්ථානයේ සටහන් කරන්න.

ගණිතය - II

II පත්‍රය ලකුණු කිරීම සඳහා උපදෙස්

- මෙම ලකුණු දීමේ පටිපාටියේ දක්වා ඇති කොටස් සඳහා ලකුණු තවදුරටත් නොබිඳින්න.
- යම් ප්‍රශ්නයක් කොටස් කිහිපයකින් සමන්විත වන විට එක් කොටසක් සඳහා ලැබුණු වැරදි උත්තරයක්, ඊට පසු එන කොටසකට උත්තරයක් ලබා ගැනීමට භාවිත කොට ඇත්නම් එම දෙවන කොටසේ ක්‍රමය සඳහා දෙන ලෙස දක්වා ඇති ලකුණු දෙන්න.
- දත්ත පිටපත් කිරීමේදී හෝ පියවරින් පියවර යාමේදී හෝ අත්වැරද්දක් සිදුවී ඇත්නම් අ.වැ. යනුවෙන් එකතු ලකුණු කොට ඒ සඳහා ලකුණු එකක් අඩු කරන්න. එම අත්වැරද්දට අනුකූලව ඊළඟට එන පියවර නිවැරදි නම් ඒවාට නියමිත ලකුණු දෙන්න. එහෙත් එම කොටසේම දෙවන අත්වැරද්ද සිදුවී ඇත්නම් අ.වැ. යනුවෙන් එකතදී ද ලකුණු කර එම ප්‍රශ්නයට ඉන් ඔබ්බට ලකුණු නොදී නවතින්න.

සැ.යු. යම් වැරද්දක් අත්වැරද්දක් ලෙස සැලකිය යුත්තේ ඒ හේතුවෙන් පිළිතුරු සැපයීම පහසු වී නැතිනම් පමණි. විෂය කරුණු පිළිබඳ වැරදි, අත්වැරදි ලෙස සැලකිය යුතු නොවේ.

- අවසාන උත්තරයේ ඒකකය දක්වා නැතිනම් හෝ වැරදි ලෙස දක්වා ඇත්නම් හෝ ලකුණු එකක් අඩු කරන්න.
 - මෙම ලකුණු දීමේ ක්‍රමය අනුව එක් එක් ප්‍රශ්නයේ ඒ ඒ කොටසේ අතරමැදි පියවර වලට දියයුතු කොටස් ලකුණු එම පියවර අසලින් සටහන් කොට, අදාළ කොටස සඳහා මුළු ලකුණු ගණන එම කොටස අවසානයේදී කඩදාසියේ දකුණුපස තීරය සමීපයේ කවයක් තුළ ලියන්න.
- මෙසේ ⑥

- එක් එක් ප්‍රශ්නය සඳහා දෙන ලද මුළු ලකුණු ගණන උත්තරය අවසානයේදී ප්‍රශ්න අංකය ද සමග මෙසේ ලියා දක්වන්න. 3 —

05

 හතරැස් කොටුව තුළ දක්වෙන්නේ ලැබූ ලකුණු ගණනයි.
- ලකුණු ඇතුළත් කිරීම හා අවසාන ලකුණු (ප්‍රතිශතය) සටහන් කිරීම පිළිබඳ උපදෙස් මෙහි අවසානයේ දක්වේ.

අ.පො.ස. (සා.පෙළ) විභාගය - 2023 (2024)

උත්තරපත්‍ර ලකුණු කිරීමේ පොදු ශිල්පීය ක්‍රම

උත්තරපත්‍ර ලකුණු කිරීමේ හා ලකුණු ලැයිස්තුවල ලකුණු සටහන් කිරීමේ සම්මත ක්‍රමය අනුගමනය කිරීම අනිවාර්යයෙන් ම කළ යුතු වේ. ඒ සඳහා පහත සඳහන් පරිදි කටයුතු කරන්න.

- සෑම සහකාර පරීක්ෂකවරයකුම උත්තරපත්‍ර ලකුණු කිරීමට රතුපාට බෝල් පොයින්ට් පෑනක් පාවිච්චි කරන්න.
- ප්‍රධාන පරීක්ෂක විසින් දම්පාට බෝල් පොයින්ට් පෑනක් පාවිච්චි කළ යුතුය.
- සෑම උත්තරපත්‍රයක ම මුල් පිටුවේ සහකාර පරීක්ෂක සංකේත අංකය සටහන් කරන්න. ලකුණු සටහන් කිරීමේදී පැහැදිලි ඉලක්කමෙන් ලියන්න.
- ඉලක්කම් ලිවීමේදී යම් වැරදීමක් සිදු වුවහොත් එය පැහැදිලිව තනි ඉරකින් කපා හැර නැවත ලියා අත්සන යොදන්න.
- එක් එක් ප්‍රශ්නයේ අනු කොටස්වල පිළිතුරු සඳහා හිමි ලකුණු ඒ ඒ කොටස අවසානයේ $\triangle$ ක් තුළ හා $\square$ ක් තුළ, හා සංඛ්‍යාවක් ලෙස ලියා දක්වන්න. අවසාන ලකුණු ප්‍රශ්න අංකයන් සමඟ $\square$ ක් තුළ, හා සංඛ්‍යාවක් ලෙස ඇතුළත් කරන්න. ලකුණු සටහන් කිරීම සඳහා පරීක්ෂකවරයාගේ ප්‍රයෝජනය සඳහා ඇති තීරුව භාවිත කරන්න.
- ගණිත පරීක්ෂක විසින් ලකුණු නිවැරදි බව සටහන් කිරීමට නිල් හෝ කළු පෑනක් භාවිතා කළ යුතුය.

උදාහරණ : ප්‍රශ්න අංක 03

(i)		✓	$\triangle \frac{4}{5}$
(ii)		✓	$\triangle \frac{3}{5}$
(iii)		✓	$\triangle \frac{3}{5}$

03

එකතුව

$\frac{10}{15}$

බහුවරණ උත්තරපත්‍ර :

01. කවුළු පත්‍රය සැකසීම

- ලකුණු දීමේ පටිපාටිය අනුව නිවැරදි වරණ කවුළු පත්‍රයේ සටහන් කරන්න.
- එසේ ලකුණු කළ කවුළු බලේඩ් තලයකින් කපා ඉවත් කරන්න.
- කවුළු පත්‍රය උත්තරපත්‍රය මත නිවැරදිව තබා ගත හැකි වන පරිදි විභාග අංක කොටුව හා නිවැරදි පිළිතුරු ගණන දක්වන කොටුව ද කපා ඉවත් කරන්න.
- හරි පිළිතුරු හා වැරදි පිළිතුරු ලකුණු කළ හැකි වන පරිදි එක් එක් වරණ පේළිය අවසානයේ හිස් තීරයක් ද කපා ඉවත් කරන්න.
- විෂය අංකය හා විෂය පැහැදිලිව පෙනෙන ආකාරයට එම කොටු ද කපා ඉවත් කරන්න.
- කපා ගත් කවුළු පත්‍රය ප්‍රධාන පරීක්ෂකවරයා ලවා අත්සන් යොදා අනුමත කර ගන්න.

02. අනතුරුව උත්තරපත්‍ර හොඳින් පරීක්ෂා කර බලන්න. කිසියම් ප්‍රශ්නයකට එක් පිළිතුරකට වඩා ලකුණු කර ඇත්නම් හෝ එකම පිළිතුරක්වත් ලකුණු කර නැත්නම් හෝ වරණ කැපී යන පරිදි ඉරක් අඳින්න. ඇතැම් විට අයදුම්කරුවන් විසින් මුලින් ලකුණු කර ඇති පිළිතුරක් මත වෙනත් පිළිතුරක් ලකුණු කර තිබිය හැක. එසේ මකන ලද අවස්ථාවකදී පැහැදිලිව මකා නොමැති නම් මකන ලද වරණය මත ද ඉරක් අඳින්න.

03. කවුළු පත්‍රය උත්තරපත්‍රය මත නිවැරදිව තබන්න. නිවැරදි පිළිතුර ✓ ලකුණකින් ද, වැරදි පිළිතුර x ලකුණකින් ද ලකුණු කරන්න. නිවැරදි පිළිතුරු සංඛ්‍යාව ඒ ඒ වරණ තීරයට පහළින් ලියා දක්වන්න. අනතුරුව එම සංඛ්‍යා එකතු කර මුළු නිවැරදි පිළිතුරු සංඛ්‍යාව අදාළ කොටුව තුළ ලියන්න.

ව්‍යුහගත රචනා හා රචනා උත්තරපත්‍ර :

1. අයදුම්කරුවන් විසින් උත්තරපත්‍රයේ නිශ්චිත තබා ඇති පිටු හරහා රේඛාවක් ඇඳ කපා හරින්න. වැරදි හෝ නුසුදුසු පිළිතුරු යටින් ඉරි ඇඳ වැරදි දමන්න. ලකුණු දිය හැකි ස්ථානවල හරි ලකුණු යෙදීමෙන් එය පෙන්වන්න.
2. ලකුණු සටහන් කිරීමේදී ඕවර්ලැප් කඩදාසියේ දකුණු පස තිරය යොදා ගත යුතු වේ.
3. සෑම ප්‍රශ්නයකට ම දෙන මුළු ලකුණු උත්තරපත්‍රයේ මුල් පිටුවේ ඇති අදාළ කොටුව තුළ ප්‍රශ්න අංකය ඉදිරියෙන් අංක දෙකකින් ලියා දක්වන්න. ප්‍රශ්න පත්‍රයේ දී ඇති උපදෙස් අනුව ප්‍රශ්න තෝරා ගැනීම කළ යුතුවේ. සියලු ම උත්තර ලකුණු කර ලකුණු මුල් පිටුවේ සටහන් කරන්න. ප්‍රශ්න පත්‍රයේ දී ඇති උපදෙස්වලට පටහැනිව වැඩි ප්‍රශ්න ගණනකට පිළිතුරු ලියා ඇත්නම් අඩු ලකුණු සහිත පිළිතුරු කපා ඉවත් කරන්න.
4. පරීක්ෂාකාරීව මුළු ලකුණු ගණන එකතු කොට මුල් පිටුවේ නියමිත ස්ථානයේ ලියන්න. උත්තරපත්‍රයේ සෑම උත්තරයකටම දී ඇති ලකුණු ගණන උත්තරපත්‍රයේ පිටු පෙරළමින් නැවත එකතු කරන්න. එම ලකුණ ඔබ විසින් මුල් පිටුවේ එකතුව ලෙස සටහන් කර ඇති මුළු ලකුණට සමාන දැයි නැවත පරීක්ෂා කර බලන්න.

ලකුණු ලැයිස්තු සකස් කිරීම :

- I. එක් පත්‍රයක් පමණක් ඇති විෂයන් හැර ඉතිරි සියලු ම විෂයන්හි අවසාන ලකුණු ඇගයීම් මණ්ඩලය තුළදී ගණනය කරනු නොලැබේ.
- II. එක් එක් පත්‍රයට අදාළ අවසාන ලකුණු වෙත වෙනම ලකුණු ලැයිස්තුවලට ඇතුළත් කළ යුතුය.
- III. I පත්‍රයට අදාළ ලකුණු, ලකුණු ලැයිස්තුවේ "Total Marks" තීරුවේ ඇතුළත් කර අකුරෙන් ද ලියන්න.
- IV. II පත්‍රයේ ලකුණු ලැයිස්තුව සැකසීමේ දී විස්තර ලකුණු ඇතුළත් කිරීමෙන් අනතුරුව II පත්‍රයේ අවසාන ලකුණු, ලකුණු ලැයිස්තුවේ "Total Marks" තීරුවේ ඇතුළත් කරන්න.
- V. 43 විභූ විෂයයේ I, II හා III පත්‍රවලට අදාළ ලකුණු වෙත වෙනම ලකුණු ලැයිස්තුවල ඇතුළත් කර අකුරෙන් ද ලිවිය යුතු වේ.
- VI. 21 - සිංහල භාෂාව හා සාහිත්‍යය, 22 - දෙමළ භාෂාව හා සාහිත්‍යය යන විෂයන්හි I පත්‍රයේ ලකුණු ඇතුළත් කර අකුරෙන් ලිවිය යුතු ය. II හා III පත්‍රවල විස්තර ලකුණු ඇතුළත් කර ඒ ඒ පත්‍රයේ මුළු ලකුණු, ලකුණු ලැයිස්තුවට ඇතුළත් කළ යුතු ය.

සැ.යු :- (I) සෑම විටම එක් එක් පත්‍රයට අදාළ මුළු ලකුණු පූර්ණ සංඛ්‍යාවක් ලෙස ලකුණු ලැයිස්තුවට ඇතුළත් කළ යුතු ය. කිසිදු අවස්ථාවක පත්‍රයේ අවසාන ලකුණු දශම සංඛ්‍යාවකින් හෝ භාග සංඛ්‍යාවකින් නොතැබිය යුතු ය.

(II) ලකුණු ලැයිස්තුවල සෑම පිටුවකම ලකුණු ඇතුළත් කළ සහකාර පරීක්ෂක, ලකුණු පරීක්ෂා කළ සහකාර පරීක්ෂක, ඇගයීම් ලකුණු තහවුරු කිරීමේ පරීක්ෂක හා ප්‍රධාන පරීක්ෂක තම සංකේත අංකය යොදා අත්සන් කිරීමෙන් නිරවද්‍යතාව තහවුරු කිරීම අනිවාර්ය වේ.

32 - ගණිතය - II පත්‍රය
නිපුණතා සහ ඉගෙනුම් පල

01. නිපුණතාව 05 : ප්‍රතිශත යොදා ගනිමින් නූතන ලෝකයේ සාර්ථක ලෙස ගනුදෙනු කරයි.

යම් මුදල් ප්‍රමාණයක් දී ඇති වාර්ෂික වැල්පොලියක් ගෙවන බැංකුවක අවුරුදු දෙකක් සඳහා කැන්පත් කිරීමෙන් ලැබෙන පොලියත් මුළු මුදලත් ගණනය කරයි. ඉහත බැංකුවෙන් අවුරුදු දෙකටම ලැබෙන පොළිය එක්තරා මූල්‍ය සමාගමක සුළු පොලියට වර්ෂයකට කැන්පත් කිරීමෙන් ලබා ගත හැකි නම්, ඉහත බැංකුවෙන් වර්ෂ දෙකකදී ලබා ගත් මුළු මුදල එම මූල්‍ය සමාගමේ වර්ෂ දෙකකට කැන්පත් කිරීමෙන් ලැබෙන පොලිය ගණනය කරයි.

02. නිපුණතාව 20 : විවිධ ක්‍රම විධි ගවේෂණය කරමින් විචල්‍ය දෙකක් අතර පවතින අන්‍යෝන්‍ය සම්බන්ධතා පහසුවෙන් සන්නිවේදනය කරයි.

වර්ෂ ශ්‍රිතයක ප්‍රස්තාරය දී ඇති විට, එම ප්‍රස්තාරය ඇසුරෙන්,

(a)

- i. ප්‍රස්තාරය මත දෙන ලද ලක්ෂ්‍යයකත්, ප්‍රස්තාරය y අක්ෂය ඡේදනය කරන ලක්ෂ්‍යයෙහිත් බන්ධාංක ලියයි.
- ii. ශ්‍රිතය ශුන්‍ය වන විට ලැබෙන වර්ෂ සමීකරණයෙහි මූල සොයයි.
- iii. ශ්‍රිතය ඍණව වැඩිවන x හි අගය ප්‍රාන්තරය ලියයි.
- iv. ප්‍රස්තාරයේ යම්මිති අක්ෂයේ සමීකරණයන් අවම ලක්ෂ්‍යයේ බන්ධාංකත් සැලකීමෙන්, ප්‍රස්තාරය ඇඳි වර්ෂ ශ්‍රිතය $y = (x - a)^2 + b$ ආකාරයට ලබාගනියි.
- v. ප්‍රස්තාරයෙහි හැඩය නොවෙනස්ව පවත්වා ගනිමින්, දෙන ලද ඒකක ප්‍රමාණයකින් ප්‍රස්තාරය සිරස්ව විස්තාරනය කළ විට ලැබෙන නව ප්‍රස්තාරයෙහි අවම ලක්ෂ්‍යයෙහි බන්ධාංකත්, එම ප්‍රස්තාරයට අදාළ වර්ෂ ශ්‍රිතයක් ලබා ගනියි.

03. නිපුණතාව 17: එදිනෙදා ජීවිතයේ අවශ්‍යතා සාක්ෂාත් කරගැනීම සඳහා සමීකරණ විසඳීමේ ක්‍රම විධි හසුරුවයි.

දෙන ලද රූපයක් මගින් නිරූපණය කෙරෙන සෘජුකෝණාස්‍ර කිහිපයකින් සමන්විත සංයුක්ත බිම්කඩක වර්ගඵලය දී ඇති විට, රූපයේ සලකුණු කර ඇති අඟුණ මිනුමක් මගින් තෘස්ත කෙරෙන වර්ෂ සමීකරණය දෙන ලද සමීකරණයක් බව පෙන්වයි. අවශ්‍ය වන කරුණියෙහි අගය ද ඇති විට, වර්ග පූරණයෙන් හෝ සූත්‍රය භාවිතයෙන් හෝ වර්ග සමීකරණය විසඳා අදාළ අඟුණ මිනුම සඳහා භාලපෙත අගය තේරීමට හේතු දක්වයි.

04. නිපුණතාව 17: එදිනෙදා ජීවිතයේ අවශ්‍යතා සාක්ෂාත් කරගැනීම සඳහා සමීකරණ විසඳීමේ ක්‍රම විධි හසුරුවයි.

දී ඇති තොරතුරු පදනම් කර ගනිමින් අඟුණ දෙකක් සහිත සමගාමී සමීකරණ යුගලයක් ගොඩනඟා ඒවා විසඳීමෙන් අඟුණ දෙකේ අභය වෙන වෙනම සොයයි.

දෙන ලද අව්‍යතාවකට ගැළපෙන සේ නම් කරන ලද ද්‍රව්‍යයකින් වැඩිපුර ගත යුතු ප්‍රමාණ ගණනය කරයි.

05. නිපුණතාව 13 : විවිධ ක්‍රම විධි ගවේෂණය කරමින් ප්‍රායෝගික අවස්ථා සඳහා ත්‍රිකෝණමිතිය භාවිත කරයි.

කිරස් කලයක පිහිටා ඇති ස්ථාන තුනක පිහිටුම ආශ්‍රිත තොරතුරු දිගුමය ද ඇසුරෙන් දී ඇති විට, දී ඇති දළ සටහනක එම තොරතුරු නිරූපණය කරයි. අදින ලද රූපයෙහි අඩංගු ජ්‍යාමිතික හා ත්‍රිකෝණමිතික සම්බන්ධතා හඳුනාගනියි. ත්‍රිකෝණමිතික අනුපාත භාවිත කරමින්, රූපයෙහි අඥාත මිනුම් ගණනය කරයි. සපයා ඇති අතිරේක තොරතුරුවලට ගැලපෙන පරිදි රූපය විස්තීරණය කර ප්‍රායුරෙන් විමසා ඇති කෝණයක විශාලත්වය ගණනය කරයි.

06. නිපුණතාව 29 : දෛනික කටයුතු පහසු කර ගැනීම සඳහා විවිධ ක්‍රම මගින් දක්න විශ්ලේෂණය කරමින් ප්‍රවේනිකතාවය කරයි.

සිසුන් කණ්ඩායමක එක් එක් සිසුවාගේ ස්කන්ධය පිළිබඳ ලබාගත් තොරතුරු ඇතුළත් සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියක් දී ඇති විට

- වැඩිම සිසුන් සංඛ්‍යාවකගේ බර ඇතුළත් පන්ති ප්‍රාන්තරය සොයයි.
- එක් සිසුවකුගේ මධ්‍යන්‍ය ස්කන්ධය ආසන්න කිලෝග්‍රෑමයට සොයයි.
- දෙන ලද සංඛ්‍යාත වගුවට අනුව අවශ්‍යතාවකට ගැලපෙන උපරිම සිසුන් සංඛ්‍යාව හේතු දක්වමින් ගණනය කරයි.

07. නිපුණතාව 29 : සංඛ්‍යා රටාවල විවිධ සම්බන්ධතා විමර්ශනය කරමින් ඉදිරි අවශ්‍යතා සඳහා තීරණ ගනී.

සැරසිල්ලක රටා නිර්මාණය කිරීම සඳහා එකිනෙකට වෙනස් වර්ණ දෙකකින් යුත් බල්බ යොදාගනිම ඇසුරෙන් දී ඇති සමාන්තර ශ්‍රේණි දෙකක්,

- ඒවායේ පළමුවන පද හා පොදු අන්තර් සමඟ හඳුනාගනිමින්
- එම ශ්‍රේණි දෙකෙහි 10 වන පද ලෙස ලැබෙන බල්බ සංඛ්‍යා සන්සන්දනය කරයි.
- එම ශ්‍රේණි දෙකෙහි පද 16 ක ඵලය ගණනය කර, ඒ ඇසුරෙන් සැරසිල්ල සඳහා අවශ්‍ය වන මුළු බල්බ සංඛ්‍යාව පිළිබඳ ශ්‍රිතාශයක සත්‍යතාව පරීක්ෂා කරයි.

08. නිපුණතාව 27 : ජ්‍යාමිතික නියම අනුව අවට පරිසරයේ පිහිටීමට ස්වභාවය විශ්ලේෂණය කරයි.

- දෙන ලද දිගක් සහිත රේඛා බණ්ඩයක් නිර්මාණය කර එහි ලම්බ සමවේදනය නිර්මාණය කරයි.
- දෙන ලද අවශ්‍යතාවක් දෙකකට ගැලපෙන ලක්ෂ්‍යයක් යොදා එය කේන්ද්‍රය වන සේ වෘත්තයක් නිර්මාණය කරයි.
- නම් කරන ලද කෝණයක කෝණ සමවේෂකය නිර්මාණය කරයි.
- නම් කරන ලද රේඛාවක් දික් කිරීමෙන් එය නැවත වෘත්තය හමුවන ලක්ෂ්‍යයේ සිට දෙන ලද රේඛාවකට ලම්බයක් නිර්මාණය කර එය නම් කරන ලද ලක්ෂ්‍යයේ හරහා යා යුතු බවට හේතු දක්වයි.

09. නිපුණතාව 24 : වෘත්ත ආශ්‍රිත ජ්‍යාමිතික සංකල්ප පදනම් කර ගනිමින් නිගමනවලට එළඹීම සඳහා තර්කානුකූල චින්තනය මෙහෙයවයි.

වෘත්තයක් ආශ්‍රිතව දෙන ලද ජ්‍යාමිතික රූපයක් පිටපත් කරගෙන, දෙන ලද තොරතුරු අනුව රූපය විස්තීරණ කරයි. සපයා ඇති තොරතුරු සහ වෘත්ත ජ්‍යාමිතිය ආශ්‍රිත ප්‍රවේශ භාවිත කර, නම් කරන ලද චතුරස්‍රයක් වන බවටත් නම් කරන ලද කෝණ දෙකක් සමාන වන බවටත්, නම් කරන ලද ත්‍රිකෝණයක් සමද්විභාද වන බවටත් විධිමත් සාධක, හේතු සහිතව ඉදිරිපත් කරයි.

10. නිපුණතාව 10 : පරිමාව පිළිබඳව විචාරශීලීව කටයුතු කරමින් අවකාශයේ උපරිම ඵලදායීතාව ලබා ගනියි.

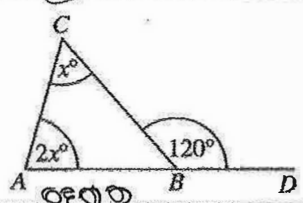
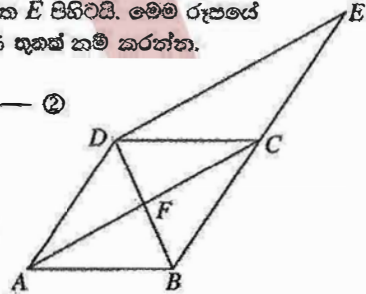
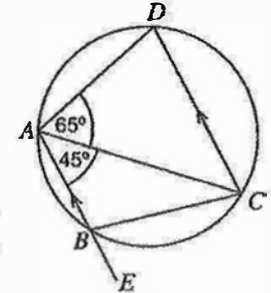
(a) දෙන ලද අරයක් සහිත සහ ලෝහ අර්ධ ගෝලයක් උණු කිරීමෙන් අර්ධ ගෝලයේ අරයේ $\frac{1}{4}$ ත් අරය සහ උස දී ඇති කේතු 56ක් සාදයි නම්, අර්ධ ගෝලයේ අරය සහ කේතුවක උස අතර සම්බන්ධතාවක් ගොඩ නගයි. කේතුවේ උස දී ඇති විට අර්ධ ගෝලයේ අරය ගණනය කර එහි පරිමාව ගණනය කරයි.

11. නිපුණතාව 30 : එදිනෙදා ජීවිතයේ කටයුතු පහසුකර ගැනීම සඳහා කුලක ආශ්‍රිත මූලධර්ම හසුරුවයි.

- සර්වත්‍ර කුලකයකට අයත් උපකුලක තුනක් පිළිබඳව සපයා ඇති තොරතුරු නිරූපණය කිරීම සඳහා උචිත වන වෙන් රූප සටහනක් දී, එක් කුලකයක් පමණක් නම් කර ඇති විට අනෙක් කුලක දෙක නිවැරදිව වෙන් කර හඳුනාගනියි.
- වෙන් රූප සටහනෙහි සමහර උපකුලක ආශ්‍රිත තොරතුරු දී ඇති විට අනෙක් උපකුලක ආශ්‍රිත තොරතුරු ගණනය කරයි.
- නම් කරන ලද උප කුලකයක අවයව සංඛ්‍යාව දී ඇති විට වෙනත් උප කුලකයක සංඛ්‍යාව ගණනය කරයි.
- උප කුලක දෙකක මේලය දී ඇති විට එක් උප කුලකයක පමණක් ඇති අවයව සංඛ්‍යාව ගණනය කරයි.
- උප කුලක දෙකක ඡේදන කොටසේ ඇති අවයව සංඛ්‍යාව වෙනත් උප කුලක දෙකක ඡේදන කොටසේ ඇති අවයව සංඛ්‍යාව මෙන් දෙගුණයක් නම් ඡේදනය නොවන උප කුලකවල පමණක් ඇති අවයව සංඛ්‍යාව ගණනය කරයි.

12. නිපුණතාව 23 : සරල රේඛීය තලරූප ආශ්‍රිත ජ්‍යාමිතික සංකල්ප පදනම් කරගනිමින් එදිනෙදා ජීවිතයේ කටයුතු සඳහා අවශ්‍ය නිගමනවලට එළඹෙයි.

- නම් කරන ලද ප්‍රමේයක විලෝමය ලියා දක්වයි.
- දී ඇති ත්‍රිකෝණයක එක් පාදයක මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යය සම්මුඛ ශීර්ෂයට යා කිරීමෙන් ලැබෙන රේඛාවට ඉතිරි ශීර්ෂ දෙක හරහා පළමු රේඛාවට සමාන්තරව අදින ලද රේඛා දෙකක් සහිත රූප සටහනක් දී ඇති විට
 - දී ඇති රූපය පිටපත් කර දී ඇති තොරතුරු එහි ඇතුළත් කරයි
 - නම් කරන ලද ත්‍රිකෝණ දෙකක් අංගසම බව පෙන්වයි.
 - නම් කරන ලද පාද දෙකක් සමාන බව පෙන්වයි.
 - නම් කරන ලද චතුරස්‍රයක වර්ගඵලය, දැක් වූ නම් කරන ලද ත්‍රිකෝණයක වර්ගඵලය මෙන් අට ගුණයක් බව පෙන්වයි.

A කොටස ප්‍රශ්න සිංගල්ලවම පිළිතුරු මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රයේම සපයන්න. (π හි අගය $\frac{22}{7}$ ලෙස ගන්න.)	
1. 12% ක වාර්ෂික වරිපතම් බදු ප්‍රතිශතයක් අය කෙරෙන නගර සභා පිමාවක් තුළ පිහිටි කඩ කාමරයක වාර්ෂික කක්සේරු වටිනාකම රුපියල් 24 000 කි. වසරකට ගෙවිය යුතු වරිපතම් මුදල කීය ද? රුපියල් 2880 _____ ② $24000 \times \frac{12}{100}$ _____ 1	අර්ධ චක්‍රය
2. ABC ත්‍රිකෝණයේ AB පාදය D තෙක් දික්කර ඇත. රූපයේ දී ඇති තොරතුරු අනුව x හි අගය සොයන්න. $x = 40$ හෝ 40 _____ ② $x + 2x = 120$ හෝ $x + 2x + 60 = 180$ _____ 1	
3. පහත සඳහන් විෂය පදවල කුඩාම පොදු ගුණාකාරය සොයන්න. $8xy, 2xy^2, 12y$ $24xy^2$ _____ ②	$8xy = 2^3 \times x \times y$ $2xy^2 = 2 \times x \times y^2$ $12y = 2^2 \times 3 \times y$
4. $ABCD$ සමාන්තරාස්‍රයකි. $DE \parallel AC$ වන සේ, දික් කළ BC පාදය මත E පිහිටයි. මෙම රූපයේ $\triangle CDE$ ත්‍රිකෝණයේ වර්ගඵලයට සමාන වර්ගඵලයක් ඇති ත්‍රිකෝණ තුනක් නම් කරන්න. $\triangle ADC, \triangle ABC, \triangle BDC, \triangle BDA$ නිවැරදි ත්‍රිකෝණ 03 කට _____ ② නිවැරදි ත්‍රිකෝණ 2 _____ 1 (නිවැරදි ත්‍රිකෝණ 03 සමග වැරදි 01 ක් හෝ ඇත්නම් ලකුණු නැත.)	
5. $\log_4 x = 3$ නම් x හි අගය සොයන්න. $x = 64$ හෝ 64 _____ ② $x = 4^3$ හෝ 4^3 _____ 1	
6. සුළු කරන්න: $\frac{3xy}{2} + \frac{9y}{4}$ $\frac{2x}{3}$ _____ ② $\frac{3xy}{2} \times \frac{4}{9y}$ _____ 1	
7. රූපයේ ඇත්වෙන වෘත්තය මත A, B, C සහ D ලක්ෂ්‍ය පිහිටා ඇත. ABE යනු සරල රේඛාවකි. දී ඇති කොරතුරු අනුව CBE හි විශාලත්වය සොයන්න. $CBE = 70^\circ$ _____ ② $\angle ACD = 45^\circ$ _____ 1 හෝ $\angle ADC = 70^\circ$ _____ 1 හෝ $\angle DCB = 70^\circ$ _____ 1 (තොරතුරු භාවිත කර ගන්න.) වැරදත් අගයන් ඔබ්බට ලෙගන්.	

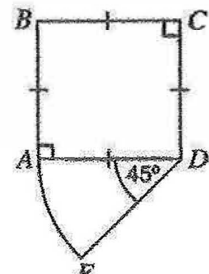
8. 2023 වර්ෂයේදී නිමල්ගේ මාසික ආදායම් රුපියල් 138 000 විය. නිමල් රුපියල් 100 000 කට වඩා වැඩියෙන් ලැබූ ආදායමට 6% ක ආදායම් බද්දක් ගෙවීමට සිදු විය. එම අවුරුද්දේදී නිමල්ට මාසයකට ගෙවීමට සිදු වූ ආදායම් බද්ද ගණනය කරන්න.

$$\begin{array}{rcl} \text{රුපියල් } 2280 & \text{_____} & \textcircled{2} \\ 38000 \times \frac{6}{100} & \text{_____} & 1 \end{array}$$

9. රූපයේ දැක්වෙන්නේ අරය 14 cm ක් වූ ද කේන්ද්‍රයේ කෝණය 45° ක් වූ ද කේන්ද්‍රික බෂ්ඨයකින් ද සමවකුරුයකින් ද සමන්විත සංයුක්ත රූපයකි. මෙම රූපයේ පරිමිතිය සොයන්න.

$$67\text{cm} \text{ _____ } \textcircled{2}$$

$$AE = \frac{1}{8} \times 2 \times \frac{22}{7} \times 14 \text{ _____ } 1$$



චාලි දිග 11 මෙටර් කිසිවක රූපයේ පරිමිතිය සොයන්න. $AE = 11\text{cm}$ වන විට රූපයේ පරිමිතිය සොයන්න.

10. $(0, 2)$ සහ $(1, 5)$ ලක්ෂ්‍ය හරහා යන සරල රේඛාවේ සමීකරණය සොයන්න.

$$y = 3x + 2 \text{ _____ } \textcircled{2}$$

$$\text{අනුක්‍රමණය} = \frac{5-2}{1-0} \text{ හෝ අන්තරාසන්නය} = 2 \text{ _____ } 1$$

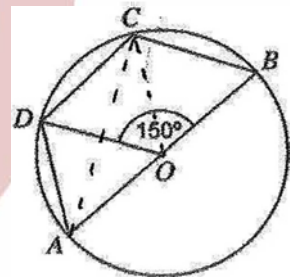
ලෙහෙණි අනුක්‍රමණය හා අර්ථය. තම ටෝ කිසිවක රූපයේ පරිමිතිය සොයන්න.

11. දී ඇති වෘත්තයේ කේන්ද්‍රය O වේ. AB විෂ්කම්භයක් ද $\angle DOB = 150^\circ$ ද වේ. $\angle DCB$ හි විශාලත්වය සොයන්න.

$$\angle DCB = 105^\circ \text{ _____ } \textcircled{2}$$

$$\angle DAO = 75^\circ \text{ හෝ } \angle DOB \text{ (පරාවර්ත) } = 210^\circ \text{ _____ } 1$$

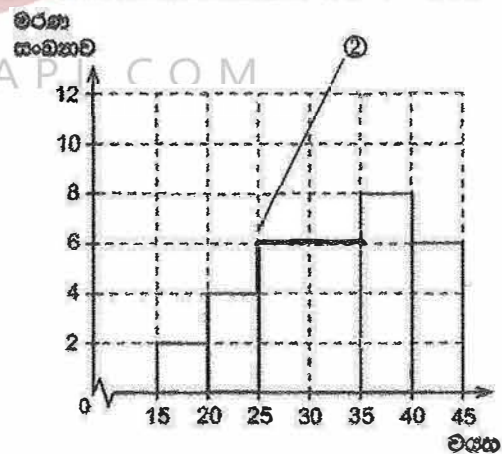
$$\angle ACD = 15^\circ \text{ _____ } \textcircled{1}$$



90° රූපයේ පරිමිතිය සොයන්න.

12. එක්තරා නගරයක වර්ෂයක් ඇතුළත යතුරු පැදි අනතුරුවලින් සිදු වූ මරණ සංඛ්‍යාව පහත සංඛ්‍යාත ව්‍යාප්තියෙහි දැක්වේ. ඒ ඇසුරෙන් ඇද ඇති සාල රේඛය සම්පූර්ණ කරන්න.

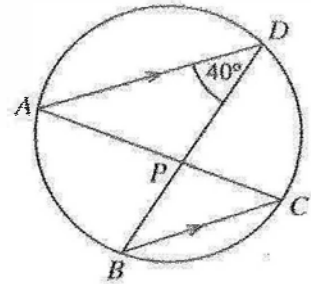
වයස (අවුරුදු)	මරණ සංඛ්‍යාව
15-20	2
20-25	4
25-35	12
35-40	8
40-45	6



රූපයේ පරිමිතිය සොයන්න. 2 මරණ

10

13. රූපයේ දැක්වෙන චාන්තය මත A, B, C සහ D ලක්ෂ්‍ය පිහිටා ඇත. තවද $AD \parallel BC$ වේ. දී ඇති තොරතුරු අනුව $\angle CPD$ හි විශාලත්වය සොයන්න.



$\angle CPD = 80^\circ$ ————— ②

$\angle ACB = 40^\circ$ හෝ $\angle DBC = 40^\circ$ ————— 1

රාජ්‍යය තිබුණත් ලබාදුන් රෙගුලය.

14. පතුලේ වර්ගඵලය 77 cm^2 වූ සෘජු මුළුමනේ හැඩැති භාජනයක 20 cm ක් උසට ජලය පිරී ඇත. මෙම ජලය පියල්ලම් පතුලේ අරය 7 cm වූ සෘජු චාන්ත සිලින්ඩරාකාර භාජනයකට වත් කළ විට එම භාජනයේ කොපමණ උසකට ජලය පිරෙයි ද? (පතුලේ අරය r වූ ද උස h වූ ද සෘජු චාන්ත සිලින්ඩරයක පරිමාව $\pi r^2 h$ වේ.)

$h = 10 \text{ cm}$ ————— ②

$\frac{22}{7} \times 7 \times 7 \times h = 20 \times 77$ ————— 1

බව තිබුණද ක්‍රමානුකූල රෙගුලය.

15. $3x^2 + 2x - 1$ හි එක් සාධකයක් $(x+1)$ වේ. අනෙක් සාධකය සොයන්න.

$(3x - 1)$ ————— ②

$(3x^2 + 3x - x - 1)$ ————— 1

තිබුණද තේරුමකට රෙගුලය.

16. ගුණෝත්තර ශ්‍රේණියක දෙවෙනි පදය 6 ද පස්වෙනි පදය 162 ද වේ. ශ්‍රේණියේ පොදු අනුපාතය සොයන්න.

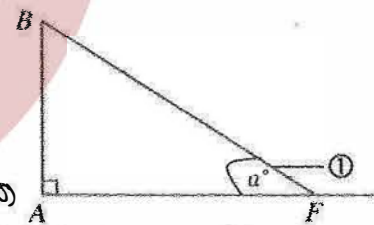
$ar^4 = 162$ සහ $ar = 6$ ————— ①

රූ රූකරම තිබිය යුතුය.

$r = 3$ ————— ①

(ලබා ගන්නා ලද රෙගුලය.)

17. රූපයේ දැක්වෙන පරිදි AB නම් සිරස් ගසක පාමුල පිහිටි සමතල ත්‍රිකෝණ F ජ්‍යාතයේ ළමයෙක් සිටියි. එම ළමයාට ගස මුදුන පෙනෙන ආරෝහණ කෝණය, a° රූපයේ ලකුණු කරන්න. $\angle ABF = 50^\circ$ නම්, a හි අගය සොයන්න. (ළමයාගේ උස නොසලකන්න.)



$a = 40$ ————— ①

*රූපය 40 තිබුණත්

භාජනය ලබාදුන් රෙගුලය ලබාදුන් රෙගුලය.

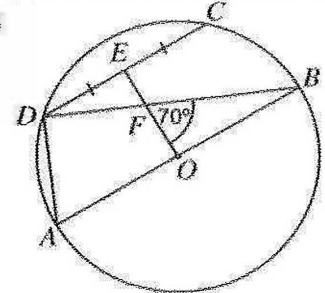
18. බෝංචි ඇට පැකට්ටුවක ඇති බෝංචි ඇට පියල්ලෙන්ම පළ ලැබෙන අතර ඒවා අතුරෙන් රෝග සහිත පැළයක් ලැබීමේ සම්භාවිතාව 0.02 කි. මෙම බෝංචි ඇට 300 ක් පළ කරන ලද යොව්වෙකු රෝගී පළ කියත් බලාපොරොත්තු විය හැකි ද?

6 ————— ②

300×0.02 ————— 1

$300 \times \frac{2}{100}$

19. දී ඇති චාන්තයේ කේන්ද්‍රය O වන අතර AB විෂ්කම්භයක් වේ. DC ජ්‍යායෙහි මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යය E වේ. $\angle OFB = 70^\circ$ නම් $\angle ADC$ හි විශාලත්වය සොයන්න.



$\angle ADC = 110^\circ$ ————— ②

$\angle FED = 70^\circ$ හෝ $\angle DEF = 90^\circ$ හෝ $\angle ADB = 90^\circ$ ————— 1

රාජ්‍යය $\angle ADC = 110^\circ$ තව ලබාදුන් රෙගුලය අනුගමනය කරන ලද රෙගුලය.

20. විසඳන්න: $\frac{2}{3a} - \frac{4}{9a} = \frac{1}{18}$

$a = 4$ ————— ②

$\frac{6}{9a} - \frac{4}{9a} = \frac{1}{18}$ ————— 1

(ගුණකරණය කිරීම) (මෙය සරල කිරීමේ පියවරයි.)

21. පතුලේ අරය r cm ද උස h cm ද වූ සන සෘජු චාත්ක සිලින්ඩරයක වක්‍ර පෘෂ්ඨයේ වර්ගඵලය, සිලින්ඩරයේ පතුලේ වර්ගඵලය මෙන් සතර ගුණයක් නම් සිලින්ඩරයේ උස පතුලේ අරය මෙන් කී ගුණයක් ද?

$2\pi rh = 4\pi r^2$ ————— ① හෝ $h = 2r$ — ①

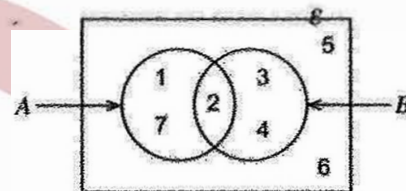
$\underline{2}$, ගුණයක් ————— ①

22. $A' \cup B$ හි අවයව ලියා දක්වන්න:

$\{2, 3, 4, 5, 6\}$ ————— ②

සහලාභකත අවබෝධ කර.

(තොරතුරු ලබා දීම)



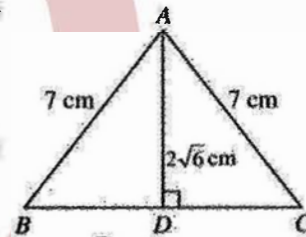
23. රූපයේ දැක්වෙන්නේ ABC සමද්විපාද ත්‍රිකෝණයකි. දී ඇති කොරකුරු අනුව BC හි දිග සොයන්න.

10cm ————— ①

(නිමැවීමේ කොණ)

$7^2 = (2\sqrt{6})^2 + BD^2$ හෝ $7^2 = (2\sqrt{6})^2 + DC^2$ ————— ①

$BD = 5$ හෝ $DC = 5$ රූපයේ නිමැවීමේ කොණ — ①



24. විසඳන්න: $3 - 12x^2 = 0$

$x = \frac{1}{2}$ සහ $-\frac{1}{2}$ ————— ②

(මෙම පිළිතුරු දෙකම නිවැරදි වේ.)

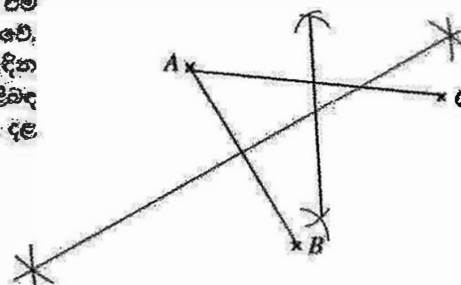
$3(1 - 2x)(1 + 2x) = 0$ හෝ $x^2 = \frac{3}{12}$ ————— 1

$3(1 - 4x^2) = 0$ — ①

25. රූපයේ A, B සහ C මගින් දැක්වෙන්නේ නිවැරදි තුනකි. එම නිවැරදි තුනෙහි සම වූවන් පහත් කණුවක් සවි කළ යුතු වේ. එම පහත් කණුව පිහිටි ලක්ෂ්‍යය සොයාගැනීම සඳහා අදින ලද අසමීකරණ දළ සටහනක් රූපයේ දැක්වේ. සම පිළිබඳ දැනුම යොදාගනිමින් එම ලක්ෂ්‍යය සොයාගැනීම සඳහා දළ සටහන සම්පූර්ණ කරන්න.

AC හෝ BC ලම්භ සමච්ඡේදකයක් ඇඳීම ————— ②

(මාර්ග රේඛා නිර්මාණය)



12

50/50

B කොටස

ප්‍රශ්න සියල්ලටම පිළිතුරු මෙම ප්‍රශ්න පත්‍රයේම සපයන්න.

1. මිනිසුන් කණ්ඩායමකගේ සහභාගිත්වයෙන් අදියර තුනක් යටතේ තාප්පයක් බැඳීමට සැලසුම් කර තිබේ. පළමුවන අදියරේදී ඔවුන්ගෙන් 10 දෙනෙක් එකතු වී දින 4 ක් වැඩ කර තාප්පයේ මුළු දිගින් $\frac{4}{7}$ ක් නිම කළහ.

(i) තාප්පය බැඳීමේ පළමුවන අදියර යටතේ කරන ලද වැඩ ප්‍රමාණය මිනිස් දින කීය ද?

$$\begin{aligned} \text{මිනිස් දින ගණන} &= 10 \times 4 = 40 \quad \text{1} \\ &= 40 \times 1 = 40 \quad \text{2} \end{aligned}$$

(ii) තාප්පයේ ඉතිරි වී ඇති දිගින් $\frac{1}{3}$ ක් දෙවන අදියරේදී නිම කරනු ලැබුවේ නම්, මෙම ප්‍රමාණය, තාප්පයේ මුළු දිගින් කොපමණ භාගයක් ද?

$$\begin{aligned} \text{ඉතිරි වී ඇති ප්‍රමාණය} &= \frac{3}{7} \quad \text{1} \\ \text{දෙවන අදියරේ දී නිමකළ ප්‍රමාණය} &= \frac{3}{7} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{7} \quad \text{2} \\ &= \frac{1}{7} \times 1 = \frac{1}{7} \quad \text{3} \end{aligned}$$

(iii) තාප්පය බැඳීමේ දෙවන අදියරෙන් කිරින වූයේ මිනිසුන් දෙදෙනෙකු පමණක් නම්, ඔවුන් දෙදෙනාට එ සඳහා දින කීයක් ගතවේ ද?

$$\begin{aligned} \frac{4}{7} \text{ ක වැඩ ප්‍රමාණය} &= \text{මිනිස් දින } 40 \quad \text{1} \\ \frac{1}{7} \text{ ක වැඩ ප්‍රමාණය} &= \text{මිනිස් දින } 10 \quad \text{2} \\ \text{මිනිසුන් දෙදෙනාට ගතවන කාලය} &= \text{දින } 5 \quad \text{3} \end{aligned}$$

(iv) තාප්පය බැඳීමේ තුන්වන අදියර තුළ නිම කිරීම සඳහා මීටර 200 ක දිගක් ඉතිරිව ඇත්නම්, තාප්පයේ මුළු දිග සොයන්න.

$$\begin{aligned} \text{දෙවන අදියර අවසාන වනවිට ඉතිරි වන කොටස} &= \frac{3}{7} - \frac{1}{7} = \frac{2}{7} \quad \text{1} \\ &= \frac{2}{7} \times 200 = 57.14 \text{ m} \quad \text{2} \\ \text{තාප්පයේ මුළු දිග} &= 200 + 57.14 = 257.14 \text{ m} \quad \text{3} \end{aligned}$$

2. රූපයේ දැක්වෙන්නේ ABC සෘජුකෝණී ත්‍රිකෝණාකාර බිම් කොටසකින් හා කේන්ද්‍රයේ කෝණය 90° ක් වූ ACD කේන්ද්‍රික බණ්ඩයක ආකාරයෙන් යුත් බිම් කොටසකින් සමන්විත එළවළු පාත්තියකි.

(π හි අගය $\frac{22}{7}$ ලෙස ගන්න.) (ඒකක පඨානාලාපයන් විවරදිත ලැබෙන්න.)

(i) $AD = 7$ m වේ. ACD කේන්ද්‍රික බණ්ඩ කොටසේ C සිට D හෙක් මායිම දිගේ වැටක් සාදන්නේ නම් වැටේ දිග සොයන්න.

$$\begin{aligned} \text{CD වැටේ දිග} &= \frac{1}{4} \times 2 \times \frac{22}{7} \times 7 = 11 \text{ m} \quad \text{1} \\ &= 11 \text{ m} \quad \text{2} \end{aligned}$$

(ii) ACD බිම් කොටසේ වර්ගඵලය සොයන්න.

$$\begin{aligned} \text{ACD බිම් කොටසේ වර්ගඵලය} &= \frac{1}{4} \times \frac{22}{7} \times 7 \times 7 = 38.5 \text{ m}^2 \quad \text{1} \\ &= 38.5 \text{ m}^2 \quad \text{2} \end{aligned}$$

(iii) ABC බිම් කොටසේ වර්ගඵලය 42 m^2 නම් BC දිග සොයන්න.

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} \times 7 \times BC &= 42 \quad \text{1} \\ BC &= \frac{42 \times 2}{7} = 12 \text{ m} \quad \text{2} \end{aligned}$$

(iv) කේන්ද්‍රික බණ්ඩ ආකාර බිම් කොටසේ වර්ගඵලය මෙන් තුන් ගුණයක වර්ගඵලයක් ඇති සෘජුකෝණාස්‍රාකාර බිම් කොටසක් BC එක් පාදයක් වන සේ එළවළු පාත්තියට පිටතින් එකතු කළ යුතු ය. එම සෘජුකෝණාස්‍රාකාර බිම් කොටසේ පළල සොයා එහි මිනුම් සහිත දළ සටහනක් ඉහත රූපයේම ඇඳ දක්වන්න.

$$\begin{aligned} \text{එකතු කළ යුතු සෘජුකෝණාස්‍රාකාර බිම් කොටසේ වර්ගඵලය} &= 3 \times \frac{77}{2} = 115.5 \text{ m}^2 \quad \text{1} \\ \text{සෘජුකෝණාස්‍රාකාර කොටසේ පළල} &= 3 \times \frac{77}{2} \times \frac{1}{12} = 9.625 \text{ m} \quad \text{2} \\ \text{රූපයේ ඇඳ දැක්වීම} &= 9.6 \text{ m} \quad \text{3} \end{aligned}$$

3. එක්තරා සමාගමක කොටසක මිල රුපියල් 50 කි. එහි කොටස් මිලදී ගැනීම සඳහා කමල් රුපියල් 50 000 ක් යොදවයි. අවුරුද්දක් අවසානයේදී කොටස් සඳහා ලාභාංශ ආදායම ලබාගත් පසු ඔහු කොටසක් රුපියල් 54 බැගින් කොටස් සියල්ලම විකුණයි. ලාභාංශ ආදායමෙන් සහ කොටස් විකිණීමෙන් ඔහුට රුපියල් 57 500 ක මුළු මුදලක් ලැබිණි.

(i) ඔහු මිලදී ගත් කොටස් ගණන කීය ද?

$$\begin{aligned} \text{කොටස් ගණන} &= \frac{50000}{50} \\ &= 1000 \end{aligned}$$

1
1

2

1000 තහවුරු කිරීමට ලබාදීම 2 ලකුණ.

(ii) මෙම සමාගම කොටසක් සඳහා වාර්ෂිකව ගෙවනු ලබන ලාභාංශ මුදල කොපමණ ද?

කොටස් විකිණීමෙන් ලද ආදායම

$$\begin{aligned} &= \text{රු. } 54 \times 1000 \\ &= \text{රු. } 54 000 \end{aligned}$$

1

ලාභාංශ ආදායම

$$= \text{රු. } 57 500 - 54 000 = \text{රු. } 3500$$

1

කොටස කෙටින ආදායම මුදල

$$\begin{aligned} &= \text{රු. } \frac{3500}{1000} \\ &= \text{රු. } 3.50 \end{aligned}$$

1

3

(iii) කමල් කමා ළමා ඇති රුපියල් 57 500 ක මුදල යොදවා එකක් රුපියල් 500 බැගින් වූ පිහන් ගඩොල් මිලදී ගැනීමට සැලසුම් කරයි. සෑම පිහන් ගඩොලක් සඳහාම 15% ක එකතු කළ අගය මත බද්දක් (VAT) අමතරව ගෙවිය යුතු නම් ඔහුට මෙම මුදලින් පිහන් ගඩොල් කීයක් මිලදී ගත හැකි ද?

බද්ද එකතු වූ පසු පිහන් ගඩොලක මිල

$$= \text{රු. } 500 \times \frac{115}{100}$$

1

$$= \text{රු. } 575$$

1

මිලදී ගත හැකි පිහන් ගඩොල් ප්‍රමාණය

$$= \frac{57500}{575}$$

1

$$= 100$$

1

2

100 තහවුරු කිරීමට ලබාදීම 1 ලකුණ.

(iv) ඔහු පිහන් ගඩොල් මිලදී ගැනීමට යෑමේදී එකතු කළ අගය මත බද්ද 18% ක් ලෙස වැඩි වී තිබුණි. දැන් ඉහත මිලදී ගැනීමට සැලසුම් කරන ලද පිහන් ගඩොල් ප්‍රමාණයම මිලදී ගැනීමට කම. කොපමණ මුදලක් අවශ්‍ය වේ?

පිහන් ගඩොලක නව මිල

$$= \text{රු. } 500 \times \frac{118}{100}$$

1

$$= \text{රු. } 590$$

1

වැඩි වූ මුදල

$$= \text{රු. } 590 - 500 = \text{රු. } 90$$

1

අවශ්‍ය වන මුදල

$$= \text{රු. } 90 \times 100 = \text{රු. } 9000$$

1

3

තහවුරු කිරීමට ලබාදීම 3 ලකුණ.

$$500 \times \frac{3}{100}$$

10
10

4. පෙට්ටි දෙකකින් එක් පෙට්ටියක රතු පාට බල්ලා දෙකක් ද නිල් පාට බල්ලා තුනක් ද තිබේ. අනෙක් පෙට්ටියේ රතු පාට බල්ලා එකක් ද නිල් පාට බල්ලා තුනක් ද තිබේ. සියලුම බල්ලා හැඩයෙන් හා තරමින් සමාන වේ. සිංහයෙක් පළමුවන පෙට්ටියෙන් එක් බල්ලයක් ද දෙවන පෙට්ටියෙන් එක් බල්ලයක් ද අහඹු ලෙස ඉවතට ගනියි.

(i) R_1, R_2, R_3 මගින් රතු පාට බල්ලා ද $B_1, B_2, B_3, B_4, B_5, B_6$ මගින් නිල් පාට බල්ලා ද නිරූපණය වේ යැයි සලකමින් ඉහත සඳහන් සම්භාවිත පරීක්ෂණයේ නියැදි අවකාශය, දී ඇති කොටු දැල මත 'X' සලකුණු මගින් ලකුණු කරන්න.

1

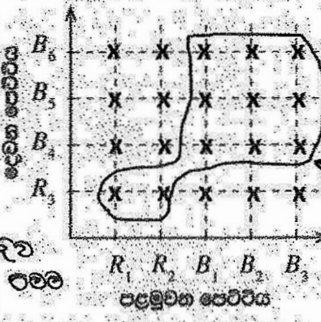
(ii) පෙට්ටි දෙකෙන් ඉවතට ගත් බල්ලා දෙකම එකම පාටින් වීමේ සිද්ධිය කොටු දැල මත වටකොට දක්වා එහි සම්භාවිතාව සොයන්න.

වටකොට දැක්වීම

$$\frac{11}{20}$$

2

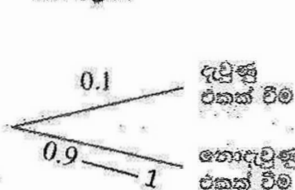
තහවුරු කිරීමට ලබාදීම 2 ලකුණ.



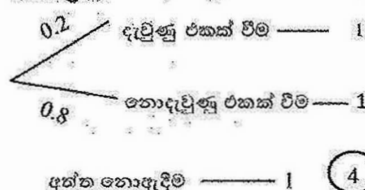
තහවුරු කිරීමට ලබාදීම 2 ලකුණ.

(iii) පළමුවන පෙට්ටියෙන් ගත් බල්ලය දැවුණු එකක් වීමේ සම්භාවිතාව 0.1 ද දෙවන පෙට්ටියෙන් ගත් බල්ලය දැවුණු එකක් වීමේ සම්භාවිතාව 0.2 ද බව දී ඇත. සිංහයා පළමුවන පෙට්ටියෙන් ගත් බල්ලය පරීක්ෂා කර එය දැවුණු එකක් නම් පමණක් දෙවන පෙට්ටියෙන් ගත් බල්ලය ද පරීක්ෂා කරයි. මෙම සිද්ධි දෙකම දැක්වෙන සේ පහත දී ඇති රූක් සටහන දීර්ඝ කර, එහි ශාඛා මත අදාළ සම්භාවිතා සටහන් කරන්න.

පළමුවන පෙට්ටියෙන් ගත් බල්ලය



දෙවන පෙට්ටියෙන් ගත් බල්ලය



අන්ත නොදැවීම

$$= 0.9 + 0.1 \times 0.8 = 0.98$$

1

4

පළමුවන පෙට්ටියෙන් ගත් බල්ලය

(iv) ඉහත සඳහන් සිද්ධි දෙකම සලකා, පරීක්ෂා කළ බල්ලයක් නොදැවුණු එකක් වීමේ සම්භාවිතාව සොයන්න.

$$\text{නොදැවුණු බල්ලයක් වීමේ සම්භාවිතාව} = 0.9 + 0.1 \times 0.8$$

$$= 0.98$$

1

3

10
10

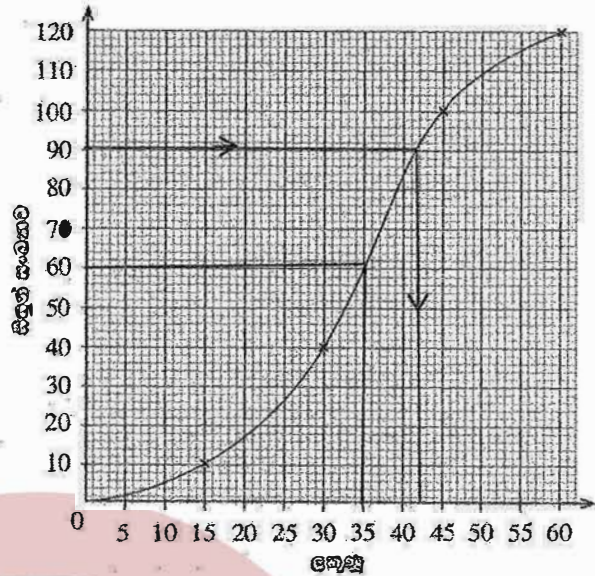
5. එක්තරා පාසලක සිසුන් 120 දෙනකු ගණන පරීක්ෂණයකදී ලබාගත් ලකුණු ඇසුරෙන් අදින ලද සමුච්චිත සංඛ්‍යාත වක්‍රයක් රූපයේ දැක්වේ.

(a) (i) මෙම පරීක්ෂණයේදී සිසුවකුට ලබාගැනීමට හැකි වී ඇති උපරිම ලකුණ කීය ද?

60 _____ (1)

(ii) මෙම පරීක්ෂණයේදී ලකුණු 35 ක් හෝ ඊට අඩුවෙන් ලබාගත් සිසුන් සංඛ්‍යාව කීය ද?

60 _____ (1)



(iii) පරීක්ෂණයට පෙනී සිටි සිසුන් අතුරෙන් වැඩිම ලකුණු ලැබූ 25% ක කණ්ඩායම වෙන් කරගැනීමට අවශ්‍ය වේ. ඒ සඳහා තෝරාගත යුත්තේ කවර ලකුණට වඩා ලකුණු ලැබූ සිසුන් ද?

වැඩිම ලකුණු ලැබූ 25%ට අදාළ සිසුන් ගණන $= 120 \times \frac{1}{4} = 30$ ඉන් $120 - 30$
එම කණ්ඩායම අයත් නොවන සිසුන් ගණන $= 120 - 30$
 $= 90$ _____ 1
තෝරාගත යුතු ලකුණ = 41 හෝ 42 _____ 1 (ප්‍රස්තාරය ඇසුරෙන් ලක්ෂ්‍යය සොයා ගැනීම)

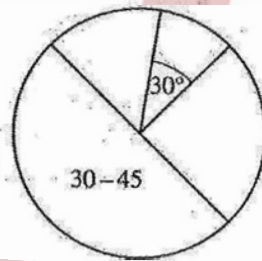
(b) සමුච්චිත සංඛ්‍යාත වක්‍රය ඇදීමට යොදාගත් සංඛ්‍යාත වගුවේ අසම්පූර්ණ සටහනක් ද එමගින් අදින ලද අසම්පූර්ණ වට ප්‍රස්තාරයක් ද පහත දැක්වේ. වට ප්‍රස්තාරයෙහි එක් එක් කේන්ද්‍රික බණ්ඩයෙන්, අදාළ සිසුන් සංඛ්‍යාව නිරූපණය වේ.

ලකුණු ප්‍රාන්තරය	සිසුන් සංඛ්‍යාව
0 - 15	10
15 - 30	30
30 - 45	60
45 - 60	20
	120

_____ 1

_____ 1

(2)



(වගුවේ 15 - 30 ප්‍රාන්තරයෙන් දැක්වෙන්නේ 15 ට වැඩි හා 30 හෝ ඊට අඩු යන්නයි.)

(i) සමුච්චිත සංඛ්‍යාත වක්‍රයට අනුව වගුවේ හිස්තැන් පුරවන්න.

(ii) වට ප්‍රස්තාරයේ කේන්ද්‍රයේ කෝණය 30° වන කේන්ද්‍රික බණ්ඩයෙන් නිරූපණය වන ලකුණු ප්‍රාන්තරය කුමක් ද?

ලකුණු ප්‍රාන්තරයට අදාළ සිසුන් සංඛ්‍යාව $= \frac{120}{360} \times 30^\circ = 10$ _____ 1

ලකුණු ප්‍රාන්තරය = 0 - 15 _____ 1

(2)

(iii) 45 - 60 ප්‍රාන්තරය නිරූපණය කරන කේන්ද්‍රික බණ්ඩයේ කේන්ද්‍රයේ කෝණය සොයන්න.

$\frac{20}{120} \times 360^\circ$ _____ 1
 60° _____ 1

(2)

(නිරවද්‍ය ප්‍රචණ්ඩ)

$\frac{10}{10}$

32 - ගණිතය

ලකුණු දීමේ පටිපාටිය

ගණිතය II

1. රානි 10% ක වාර්ෂික වැල් පොලී අනුපාතිකයක් යටතේ වාර්ෂිකව පොලී ගෙවන බැංකුවක රුපියල් 50 000 ක මුදලක් අවුරුදු දෙකක් සඳහා තැන්පත් කරයි. අවුරුදු දෙක අවසානයේ ඇයට ලැබෙන මුළු පොලී මුදල සොයා, තැන්පතුවේ ඇති මුළු මුදල ගණනය කරන්න.

රුපියල් 50 000 මුදල එක්තරා මූල්‍ය සමාගමක සුළු පොලී අනුපාතිකයක් යටතේ එක් අවුරුද්දක් සඳහා පමණක් ආයෝජනය කිරීමෙන්, ඉහත සඳහන් මුළු පොලී මුදලටම සමාන පොලී මුදලක් ලබාගැනීමට හැකි වේ.

රානි මුල් අවුරුදු දෙකට පසු බැංකු තැන්පතුවේ ඇති මුළු මුදලම තවත් අවුරුදු දෙකක කාලයකට ඉහත මූල්‍ය සමාගමේ ආයෝජනය කරන්නේ නම් ඇයට මූල්‍ය සමාගමෙන් ලැබෙන පොලී මුදල සොයන්න.

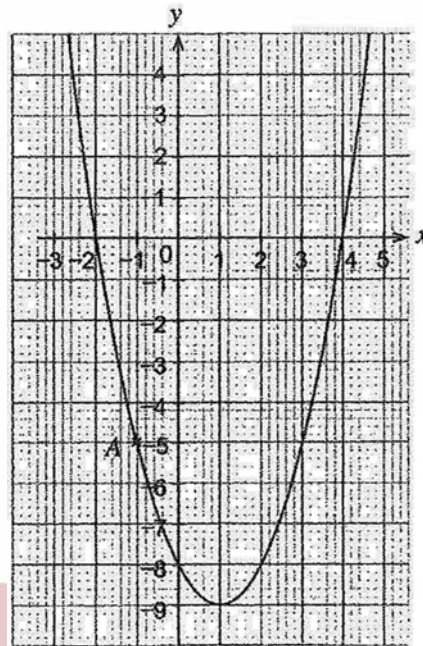
ANSWER IN SANSKRIT.

ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු දීමේ පටිපාටිය	ලකුණු	වෙනත් කරුණු
1.	පළමු වසරට පොලිය $= \text{රු. } 50000 \times \frac{10}{100}$ $= \text{රු. } 5000$ දෙවන වසරට මුල් මුදල $= \text{රු. } 50000 + 5000$ $= \text{රු. } 55000$ දෙවන වසරට පොලිය $= \text{රු. } 55000 \times \frac{10}{100}$ $= \text{රු. } 5500$ අවුරුදු දෙකටම පොලිය $= \text{රු. } 5000 + 5500$ $= \text{රු. } 10500$ අවුරුදු දෙක අවසානයේ තැන්පතුවේ ඇති මුළු මුදල $= \text{රු. } 60500$ හෝ වසර දෙක අවසානයේ තැන්පතුවේ මුළු මුදල $= 50000 \times \frac{110}{100} \times \frac{110}{100}$ $= \text{රු. } 60500$ වසර දෙක සඳහා පොලිය $= \text{රු. } 60500 - 50000$ $= \text{රු. } 10500$ මූල්‍ය ආයතනය ගෙවන සුළු පොලී ප්‍රතිශතය $= \frac{10500}{50000} \times 100\%$ $= 21\%$ මූල්‍ය සමාගමෙන් අවු. 2ට ලැබෙන පොලිය $= \text{රු. } 60500 \times \frac{21}{100} \times 2$ $= \text{රු. } 25410$	1 1 1 1 1 1 2 + 1 1 1 1 1 1 1 1 1	සරු ජිනිබ්බා නිවරදිව ලකුණු කරයි. ප්‍රශ්න ලකුණු අංකය. 10

$$\frac{10500}{50000} \times 60500 \times 2 = 25410 \text{ ලකුණු 4 ම දෙනවා}$$

2. $y = f(x)$ ආකාරයේ වර්ගය ශ්‍රිතයක ප්‍රස්ථාරය රූපයේ දැක්වේ.

- (i) A ලක්ෂ්‍යයේ බණ්ඩාංක ද ප්‍රස්තාරය y අක්ෂය ඡේදනය වන ලක්ෂ්‍යයේ බණ්ඩාංක ද පිළිවෙළින් ලියන්න.
- (ii) ප්‍රස්තාරය ඇඳි $y = f(x)$ ශ්‍රිතයේ $f(x) = 0$ සමීකරණයේ මූල ලියන්න.
- (iii) ශ්‍රිතය සෘණව වැඩිවන x හි අගය ප්‍රාන්තරය ලියන්න.
- (iv) ප්‍රස්තාරයේ සමමිති අක්ෂයේ සමීකරණය සහ අවම ලක්ෂ්‍යයේ බණ්ඩාංක සලකමින් $y = f(x)$ ශ්‍රිතය $y = (x - a)^2 + b$ ආකාරයට ලියන්න.
- (v) දී ඇති ප්‍රස්තාරයේ හැඩය නොවෙනස්ව පවත්වා ගනිමින්, එය බණ්ඩාංක කලය මත ඒකක භාතරයකින් සිරස්ව ඉහළට විස්ථාපනය කළහොත් ලැබෙන ප්‍රස්තාරයෙහි අවම ලක්ෂ්‍යයේ බණ්ඩාංක ලියා අදාළ වර්ගජ ශ්‍රිතය ලියා දක්වන්න.

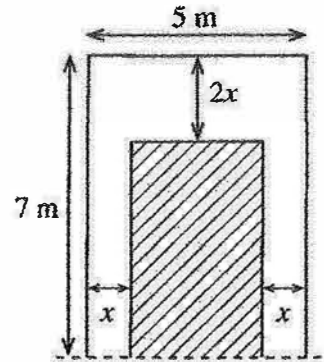


Visit "Mathematics With Asela Nissanka" YouTube channel to watch free math lessons

ප්‍රශ්න අංකය		ලකුණු දීමේ පටිපාටිය	ලකුණු		වෙනත් කරුණු
2.	(i)	$A \equiv (-1, -5)$ y අක්ෂය ඡේදනය වන ලක්ෂ්‍යයේ බණ්ඩාංක $(0, -8)$ ආර්ද්‍රව්‍ය $(-1, 5) (0, -8) - 2$	1		(අදාළ ගණන බැරිවූයේ) ඒකාකීය ඡාය බලාපොරොත්තු තිබුණායා ලකුණු 0
	(ii)	$x = 4$ සහ $x = -2$	1+1	2	4 සහ -2 පමණක් තිබුණත් ලකුණු දෙන්න
	(iii)	$1 < x < 4$ හෝ 1ත් 4ත් අතර	2	2	ලක්ෂ්‍යය දෙක 1 සහ 4 හදුනා ගැනීමට — 1
	(iv)	$y = (x - 1)^2 - 9$	2	2	
	(v)	අවම ලක්ෂ්‍යයේ බණ්ඩාංක $(1, -5)$ වර්ගජ ශ්‍රිතය $y = (x - 1)^2 - 5$	1	1	2
					10

3. රූපයේ අඳුරු කර ඇති සෘජුකෝණාස්‍රාකාර බිම්කඩක් වටා ඇති පටු ගමන් මාර්ගයක කොටසක් මෙහි දැක්වේ. එම කොටසේ වර්ගඵලය වර්ගමීටර 16 කි. රූපයේ දී ඇති තොරතුරු භාවිත කර x මගින් $x^2 - 6x + 4 = 0$ සමීකරණය කෘත්‍ය කරන බව පෙන්වන්න.

$\sqrt{5}$ හි අගය 2.24 ලෙස ගෙන ඉහත සමීකරණයේ විසඳුම් සොයා, එම විසඳුම් දෙක අතුරෙන් x සඳහා ගැළපෙන්නේ වඩා කුඩා අගය පමණක් බවට හේතු දක්වන්න.



ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු දීමේ පටිපාටිය	ලකුණු	වෙනත් කරුණු
3.	ගමන් මාර්ගයේ වර්ගඵලය $= 35 - [(5 - 2x)(7 - 2x)]$ $= 35 - [35 - 24x + 4x^2]$ $= 24x - 4x^2$ $24x - 4x^2 = 16$ $x^2 - 6x + 4 = 0$ හෝ	1 1 1	
	ගමන් මාර්ගයේ වර්ගඵලය $= 7 \times 2x + 2x(5 - 2x)$ $= 14x + 10x - 4x^2$ $24x - 4x^2 = 16$ $\therefore x^2 - 6x + 4 = 0$	1 1 1	
	$x^2 - 6x + 4 = 0$ $(x - 3)^2 = -4 + 9$ $x - 3 = \pm\sqrt{5}$ $x = 3 \pm 2.24$ $x = 3 + 2.24 \text{ හෝ } 3 - 2.24$ $x = 5.24 \text{ හෝ } 0.76$ 5.24 > 5 බැවින් $x = 5.24$ විය නොහැකිය. හෝ	1 1 1 1+1	සූත්‍රයට හෝ ආදේශයට $\frac{6 \pm \sqrt{20}}{2} = 1$
	$x < 5$ විය යුතු බැවින්	1	
	$x = 0.76 \text{ m}$	1	10

4. එක්තරා පාසලක 10 ශ්‍රේණියේ සහ 11 ශ්‍රේණියේ සිසුනට පොත් සහ පෑන් පරිත්‍යාග කරන ලද්දේ පහත පරිදි ය.

- 10 ශ්‍රේණියේ සිසුවකුට පොත් 6 ක් සහ 11 ශ්‍රේණියේ සිසුවකුට පොත් 8 ක් බැගින් මුළු පොත් 516 ක්
- 10 ශ්‍රේණියේ සිසුවකුට පෑන් 3 ක් හා 11 ශ්‍රේණියේ සිසුවකුට පෑන් 5 ක් බැගින් මුළු පෑන් 300 ක්

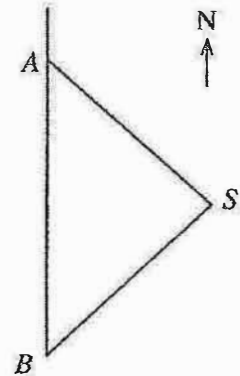
10 ශ්‍රේණියේ සිසුන් සංඛ්‍යාව x ලෙස ද 11 ශ්‍රේණියේ සිසුන් සංඛ්‍යාව y ලෙස ද ගෙන සමගාමී සමීකරණ සූත්‍රයක් හොඳින්ම ඒවා විසඳීමෙන් 10 ශ්‍රේණියේ සිසුන් සංඛ්‍යාවත් 11 ශ්‍රේණියේ සිසුන් සංඛ්‍යාවත් වෙන වෙනම සොයන්න.

පොත් සහ පෑන් බෙදා දීමට යෝජිත වෙනත් පාසලක් 10 සහ 11 ශ්‍රේණිවල සිටින මුළු සිසුන් සංඛ්‍යාව ඉහත පාසලේ එම ශ්‍රේණිවල මුළු සිසුන් සංඛ්‍යාවට සමාන වුව ද 10 ශ්‍රේණියේ සිටින සිසුන් සංඛ්‍යාව මෙන් දෙගුණයක් 11 ශ්‍රේණියේ සිටිති, මෙම පාසලට ද පෙර පරිදීම පොත් සහ පෑන් බෙදා දීම් සඳහා පොත් 12 ක් වැඩිපුර අවශ්‍ය බව පෙන්වන්න.

ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු දීමේ පටිපාටිය	ලකුණු	වෙනත් කරුණු
4.	$6x + 8y = 516$ _____ ① $3x + 5y = 300$ _____ ② ② $\times 2$ න් $6x + 10y = 600$ _____ ③ ③ - ① $2y = 84$ $y = 42$ $y = 42$, ② ආදේශ කිරීමෙන් $3x + 5 \times 42 = 300$ $x = 30$ $\left. \begin{array}{l} 10 \text{ ශ්‍රේණියේ සිසුන් සංඛ්‍යාව} = 30 \\ 11 \text{ ශ්‍රේණියේ සිසුන් සංඛ්‍යාව} = 42 \end{array} \right\}$ අනෙක් පාසලේ මුළු සිසුන් සංඛ්‍යාව $= 72$ $10 \text{ ශ්‍රේණියේ සිසුන් සංඛ්‍යාව}$ $= 72 \times \frac{1}{3}$ $= 24$ $11 \text{ ශ්‍රේණියේ සිසුන් සංඛ්‍යාව} = 48$ අවශ්‍ය පොත් ගණන $= 24 \times 6 + 48 \times 8$ $= 528$ වැඩිපුර අවශ්‍ය පොත් ගණන $= 528 - 516 = 12$	1 1 1 ← 1 1 ← 1 1 1 1 1	සංගුණක සමාන කිරීමට තිවර්තී ආලෝකය 24 48 හෝ ලබා ගැනීමට 1

5. පිට්ටනියක B ලක්ෂ්‍යයේ සිටින බිම්ලේට උතුරින් A ලක්ෂ්‍යයේ අමල් සිටියි. පිට්ටනිය තුළ S ප්‍රතිමාවක් පිහිටා ඇත. A සිට S හි දිශාශය 144° කි. තවද රූපයේ $\angle ABS = 54^\circ$ කි. අමල් සහ ප්‍රතිමාව අතර දුර මීටර 80.9 කි.

- රූපය ඔබේ උත්තර පත්‍රයේ පිටපත් කර, දී ඇති තොරතුරු එහි ඇතුළත් කරන්න.
- අමල් සහ බිම්ලේ අතර දුර සෙවීම සඳහා $\triangle ABS$ ත්‍රිකෝණයට ත්‍රිකෝණමිතික අනුපාත යොදාගත හැකි වීමට හේතු දක්වන්න.
- ත්‍රිකෝණමිතික අනුපාත යොදා ගනිමින් අමල් සහ බිම්ලේ අතර දුර මීටර 100 බව පෙන්වන්න.
- බිම්ලේට මීටර 30 ක් බටහිරින් පිහිටි F ලක්ෂ්‍යයක කොඩි කණුවක් පිහිටා ඇත. ඔබ ඇදී රූපයේ මෙම තොරතුරු ඇතුළත් කර $\triangle AFB$ හි විශාලත්වය සොයන්න.



ප්‍රශ්න අංකය		ලකුණු දීමේ පටිපාටිය	ලකුණු	වෙනත් කරුණු	
5.	(i)	රූපය පිටපත් කිරීම 144° ලකුණු කිරීම 80.9 m හෝ 54° ලකුණු කිරීම	1 1 1	3	ආශ්‍රිත පටිපාටියක් භාවිත කරමින්
	(ii)	$\angle SAB = 36^\circ$ බැවින් $\angle ASB = 90^\circ$ එම නිසා ත්‍රිකෝණමිතික අනුපාත යෙදිය හැකිය. }	1	1	
	(iii)	$\sin 54^\circ = \frac{80.9}{AB}$ $0.8090 = \frac{80.9}{AB}$ $\therefore AB = \frac{80.9}{0.8090}$ $= 100 \text{ m}$ }	1 1 1	3	සියලුම දත් ඇතුළත්
	(iv)	$\tan \angle AFB = \frac{AB}{FB}$ $= \frac{100}{30}$ $= 3.3333$ $\angle AFB = 73^\circ 18' \text{ හෝ } 73^\circ 18'$	1 1 1	3	10

6. එක්තරා සිසුන් කණ්ඩායමක එක් එක් සිසුවාගේ ස්කන්ධය පිළිබඳ ලබාගත් තොරතුරු ඇසුරෙන් පහත සමූහික සංඛ්‍යාත වගුව පිළියෙල කර ඇත.

පන්ති ප්‍රාග්ධනය (kg)	40-44	44-48	48-52	52-56	56-60	60-64	64-68
සංඛ්‍යාව	3	5	9	11	7	3	2

(මහති ප්‍රාන්තරය 40-44 හි ඇස්වෙන්නේ 40 හෝ ඊට වැඩි සහ 44 ට අඩු යන්නයි.)

- (i) වැඩිම සිසුන් සංඛ්‍යාවක් අයත් වන්නේ කුමන පන්ති ප්‍රාන්තරයට ද?
- (ii) මෙම කණ්ඩායමේ එක් සිසුවකුගේ මධ්‍යන්‍ය ස්කන්ධය ආසන්න කිලෝග්‍රෑම්‍යට සොයන්න.
- (iii) වාර්තාවක යාමට සූදානම් වූ මෙම සිසුන් කණ්ඩායම සඳහා පොයාගත් එක් වැන් රථයක ගෙන යා හැකි සිසුන්ගේ උපරිම මුළු ස්කන්ධය කිලෝග්‍රෑම් 600 කි. මෙම වැන් රථයේ ගමන් කළ හැකි යැයි අපේක්ෂා කළ හැකි වැඩිම සිසුන් සංඛ්‍යාව මධ්‍යන්‍යය ඇසුරෙන් සොයන්න.
- (iv) දී ඇති සංඛ්‍යාක වගුවට අනුව ඉහත සඳහන් වැන් රථයේ ගෙන යා හැකි වෙනැයි සැලකිය හැකි උපරිම සිසුන් සංඛ්‍යාව පොයන්න. ඔබේ පිළිතුරට හේතු දක්වන්න.

ප්‍රශ්න අංකය		ලබුණු දීමේ පටිපාටිය		ලබුණු	වෙනත් කරුණු																																																						
6.	(i)	52-56		1	(1)																																																						
	(ii)	<table border="1"> <thead> <tr> <th>පන්ති ප්‍රාන්තරය</th><th>x</th><th>f</th><th>d</th><th>fx</th><th>f.d</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>40-44</td><td>42</td><td>03</td><td>-12</td><td>126</td><td>-36</td></tr> <tr> <td>44-48</td><td>46</td><td>05</td><td>-8</td><td>230</td><td>-40</td></tr> <tr> <td>48-52</td><td>50</td><td>09</td><td>-4</td><td>450</td><td>-36</td></tr> <tr> <td>52-56</td><td>54</td><td>11</td><td>0</td><td>594</td><td>0</td></tr> <tr> <td>56-60</td><td>58</td><td>07</td><td>4</td><td>406</td><td>28</td></tr> <tr> <td>60-64</td><td>62</td><td>03</td><td>8</td><td>186</td><td>24</td></tr> <tr> <td>64-68</td><td>66</td><td>02</td><td>12</td><td>132</td><td>24</td></tr> <tr> <td></td><td></td><td>$\sum f = 40$</td><td></td><td>$\sum fx = 2124$</td><td>-36</td></tr> </tbody> </table> මධ්‍ය අගය තීරය fx තීරය $\sum fx$ මධ්‍යනය = $\frac{2124}{40}$ = 53.1 = 53 kg (අසන්න පූර්ණ සංඛ්‍යාවට)	පන්ති ප්‍රාන්තරය	x	f	d	fx	f.d	40-44	42	03	-12	126	-36	44-48	46	05	-8	230	-40	48-52	50	09	-4	450	-36	52-56	54	11	0	594	0	56-60	58	07	4	406	28	60-64	62	03	8	186	24	64-68	66	02	12	132	24			$\sum f = 40$		$\sum fx = 2124$	-36	$\rightarrow$	1 2 1 1 1	(1) 6 1 2
පන්ති ප්‍රාන්තරය	x	f	d	fx	f.d																																																						
40-44	42	03	-12	126	-36																																																						
44-48	46	05	-8	230	-40																																																						
48-52	50	09	-4	450	-36																																																						
52-56	54	11	0	594	0																																																						
56-60	58	07	4	406	28																																																						
60-64	62	03	8	186	24																																																						
64-68	66	02	12	132	24																																																						
		$\sum f = 40$		$\sum fx = 2124$	-36																																																						
	(iii)	ගෙහ යා හැකි සිසුන් සංඛ්‍යාව = $\frac{600}{53}$ = 11.3 ≈ 11		1 1	 1																																																						
	(iv)	$600 - (40 \times 3 + 44 \times 5) = 260$ $\frac{260}{48} \approx 5$ උපරිම සිසුන් සංඛ්‍යාව = 3+5+5=13		1 1	 2 △10																																																						

8. පහත දැක්වෙන ජ්‍යාමිතික නිර්මාණ සඳහා cm/mm පරිමාණය සහිත සරල දාරයක් සහ කවකටුවක් පමණක් භාවිත කරන්න. නිර්මාණ රේඛා පැහැදිලිව දක්වන්න.
- $AB = 6 \text{ cm}$ වූ සරල රේඛා ඛණ්ඩයක් නිර්මාණය කර එහි ලම්භ සමච්ඡේදනය නිර්මාණය කරන්න.
 - AB හි මධ්‍ය ලක්ෂ්‍යය වූ P හිදී AB රේඛාව ස්පර්ශ කරන්නා වූ ද A සිට 5 cm දුරින් O කේන්ද්‍රය පිහිටන්නා වූ ද වෘත්තය නිර්මාණය කරන්න.
 - APQ සමච්ඡේදනය නිර්මාණය කර එය වෘත්තය ඡේදනය වන ලක්ෂ්‍යය Q ලෙස හම්බ කරන්න.
 - PO රේඛාව දික් කර, එය වෘත්තය හමුවන ලක්ෂ්‍යය T ලෙස හෙත PQ රේඛාවට T සිට ලම්භයක් නිර්මාණය කරන්න. එම ලම්භය Q හරහා යා යුතු බවට හේතු දක්වන්න.

ප්‍රශ්න අංකය		ලකුණු දීමේ පටිපාටිය	ලකුණු		වෙනත් කරුණු
8.	(i)	$AB = 6 \text{ cm}$ සරල රේඛා ඛණ්ඩය නිර්මාණය	1		± 0.1
		AB හි ලම්භ සමච්ඡේදනය නිර්මාණය	2	3	
	(ii)	O ලකුණු කිරීම	1		
		වෘත්තය නිර්මාණය කිරීම	1	2	
	(iii)	APQ කෝණ සමච්ඡේදනය නිර්මාණය	2	2	
	(iv)	T සිට PQ රේඛාවට ලම්භයක් ඇඳීම	2		
		$PQT = 90^\circ$ (අර්ධ වෘත්තයේ පිහිටි කෝණය බැවින්)	1	3	
		$\therefore T$ හි සිට ඇඳීම ලම්භය Q හරහා යා යුතුයි.			
	10				



WWW.OLEVELAPI.COM



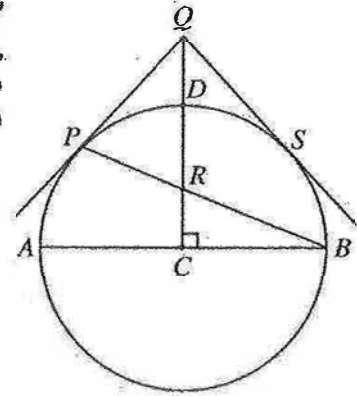
9. රූපයේ දැක්වෙන වෘත්තයේ C කේන්ද්‍රය ද AB විෂ්කම්භයක් ද වේ. P යනු වෘත්තය මත පිහිටි ලක්ෂ්‍යයකි. CD අරය AB ට ලම්භ වන අතර එය, R හිදී PB ඡේදනය කරයි. P හිදී වෘත්තයට ඇදී ස්පර්ශකය සහ දික් කරන ලද CD , Q හිදී හමුවේ. Q සිට වෘත්තයට අඳින ලද අනෙක් ස්පර්ශකය වෘත්තය හමුවන්නේ S හිදී ය.

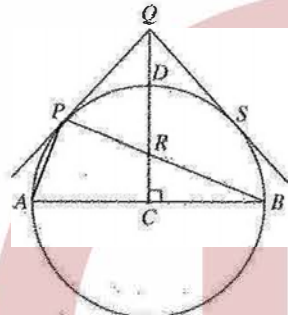
රූපය ඔබේ උත්තර පත්‍රයේ පිටපත් කර PA යා කරන්න.

$PACR$ වෘත්ත චතුරස්‍රයක් බව ද

$\angle PQR = \angle QRP$ බව ද පෙන්වන්න.

RS යා කර RQS සමද්විපාද ත්‍රිකෝණයක් බව පෙන්වන්න.



ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු දීමේ පටිපාටිය	ලකුණු වෙනත් කරුණු
9.	 රූපය පිටපත් කිරීම දත්තය : වෘත්තයේ කේන්ද්‍රය C වේ. AB විෂ්කම්භයකි. CQ, AB ට ලම්භ වේ. PQ සහ QS ස්පර්ශක වේ. PB සහ CD ඡේදන ලක්ෂ්‍යය R වේ. සා.ක.යු. : $PACR$ වෘත්ත චතුරස්‍රයක් බව $\angle PQR = \angle QRP$ බව RQS සමද්විපාද ත්‍රිකෝණයක් බව සාධනය : $\angle APB = 90^\circ$ (අර්ධ වෘත්තයේ කෝණය) $\angle ACR = 90^\circ$ (දත්තය) $PACR$ වෘත්ත චතුරස්‍රයකි. (සම්මුඛ කෝණ පරිපූරක බැවින්) $\angle PAC = \angle PRQ$ (වෘත්ත චතුරස්‍රයේ ධාරිත කෝණය අසාත්කර සම්මුඛ කෝණයට සමානයයි) $\angle QPR = \angle PAB$ (විකාන්තර වෘත්ත ධාරිතයේ කෝණය) $\therefore \angle QPR = \angle QRP$ $PQ = QR$ (සමද්විපාද $\triangle$යේ සමාන කෝණවලට සම්මුඛ පාද) $PQ = QS$ (ස්පර්ශක දිගින් සමානය.) $QR = QS$ වේ. RQS සමද්විපාද $\triangle$ යකි.	1 1 1 1 ← හේතුව 1 + 1 1 1 ← හේතුව 1 10

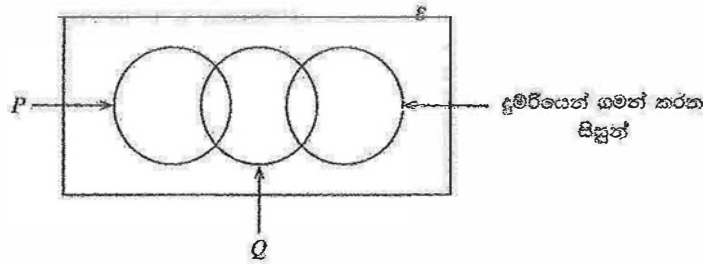
10. (a) ලෝහයකින් කැනූ, අරය r cm වූ සහ අර්ධ ගෝලයක් උණු කර ඇතුළේ අරය අර්ධ ගෝලයේ අරයෙන් $\frac{1}{4}$ ක් සහ උස h cm වූ සහ සෘජු වාතෝෂාකාර කේතුව 56 ක් සාදන ලදී. ලෝහ අපතේ නොයක්නේ යැයි සලකා අර්ධ ගෝලයේ අරය සහ කේතුවක උස අතර සම්බන්ධය $r = \frac{7}{4}h$ මගින් ලැබෙන බව ඔප්පත්වන්න. කේතුවක උස 8 cm නම් අර්ධ ගෝලයේ පරිමාව සොයන්න. (π හි අගය $\frac{22}{7}$ ලෙස ගන්න.)

$$(b) P = \frac{\sqrt{25.26 \times 0.78}}{2.47} \text{ ଓ.ସି.}$$

ලක්ෂ්‍යගත වතු භාවිතයෙන් P හි අගය පළමුවන දශමස්ථානයට සොයන්න.

ප්‍රශ්න අංකය	ලඳුණු දීමේ පටිපාටිය	ලඳුණු	වෙනත් කරුණු
10.	(a)	$\text{අර්ධ ගෝලයේ පරිමාව} = \frac{1}{2} \left(\frac{4}{3} \pi r^3 \right)$ $\text{කේතුවක පරිමාව} = \frac{1}{3} \pi \left(\frac{r}{4} \right)^2 h$ $\therefore \frac{2}{3} \pi r^3 = 56 \times \frac{1}{3} \pi \left(\frac{r}{4} \right)^2 h$ $2r = \frac{56 \times h}{16}$ $r = \frac{7}{4} h$ $\text{අර්ධ ගෝලයේ අරය} = \frac{7}{4} \times 8$ $= 14 \text{ cm}$ $\text{අර්ධ ගෝලයේ පරිමාව} = \frac{1}{2} \times \frac{4}{3} \times \frac{22}{7} \times (14)^3$ $= 5749 \frac{1}{3} \text{ cm}^3$	ආරද්‍රැවය. සහන කිරීම ආරද්‍රැවයට 5749.33
	(b)	$P = \frac{\sqrt{25.26 \times 0.78}}{2.47}$ $\lg P = \frac{1}{2} \lg 25.26 + \lg 0.78 - \lg 2.47$ $= \frac{1}{2} \times 1.4024 + 1.8921 - 0.3927$ $= 0.7012 + 1.8921 - 0.3927$ $= 0.2006$ $P = 1.587$ $= 1.6$	ගීතම තිවැරදි ලක්ෂණය දෙකකට — 2 එකකට — 1

11. සිසුන් 108 දෙනෙකු පාසලට පැමිණීමට යොදාගත් ප්‍රවාහන මාධ්‍ය පිළිබඳ තොරතුරු දැක්වෙන අසම්පූර්ණ වෙන් සටහනක් පහත දැක්වේ. මෙම සෑම සිසුවෙක්ම බස් රිය, මෝටර් රිය හෝ දුම්රිය යන ප්‍රවාහන මාධ්‍ය තුනෙන් අඩු නිර්මිත එකක් හෝ භාවිත කරයි.



මෝටර් රියෙන් ගමන් කරන කිසිම සිසුවකු දුම්රියෙන් ගමන් කරන්නේ නැත.

- ඉහත අසම්පූර්ණ වෙන් සටහන ඔබේ පිළිතුරු සහයෝගීව සිටපත් කර P සහ Q මගින් දැක්වෙන කුලක නම් කරන්න.
- මෝටර් රියෙන් හෝ දුම්රියෙන් හෝ ගමන් කරන සිසුන් සංඛ්‍යාව 63 කි. බස් රියෙන් පමණක් ගමන් කරන සිසුන් සංඛ්‍යාව කීය ද?
- මෝටර් රියෙන් ගමන් කරන සිසුන් සංඛ්‍යාව 23 ක් නම් දුම්රියෙන් ගමන් කරන සිසුන් සංඛ්‍යාව සොයන්න.
- බස් රියෙන් හෝ දුම්රියෙන් හෝ ගමන් කරන සිසුන් සංඛ්‍යාව 99 ක් නම් මෝටර් රියෙන් පමණක් ගමන් කරන සිසුන් සංඛ්‍යාව සොයන්න.
- බස් රියෙන් සහ දුම්රියෙන් ගමන් කරන සිසුන් සංඛ්‍යාව, බස් රියෙන් සහ මෝටර් රියෙන් ගමන් කරන සිසුන් සංඛ්‍යාව මෙන් දෙගුණයක් නම්, මෙම මාධ්‍ය තුනෙන් එකකින් පමණක් ප්‍රවාහනය සලසා ගන්නා සිසුන් සංඛ්‍යාව සොයන්න.

ප්‍රශ්න අංකය	ලකුණු දීමේ පටිපාටිය	ලකුණු	වෙනත් කරුණු
11.			
(i)	P මෝටර් රියෙන් ගමන් කරන සිසුන් Q බස් රියෙන් ගමන් කරන සිසුන්	1 1	2
(ii)	බස් රියෙන් පමණක් ගමන් කරන සිසුන් සංඛ්‍යාව $= 108 - 63$ $= 45$	1 1	2
(iii)	දුම්රියෙන් ගමන් කරන සිසුන් සංඛ්‍යාව $= 63 - 23$ $= 40$	1 1	2
(iv)	මෝටර් රියෙන් පමණක් ගමන් කරන සිසුන් සංඛ්‍යාව $= 108 - (99)$ $= 9$	1 1	2
(V)	එක් මාධ්‍යයක් මගින් පමණක් ප්‍රවාහනය සලසා ගන්නා සිසුන් සංඛ්‍යාව $= 9 + 45 + 12$ $= 66$	1 1	2
			10

